

プログラミングコンテスト 基礎テクニック

情報知識ネットワーク研究室 M2 谷 陽太

目次

- テクニックの前に
 - HCPC勉強会に来たときの心得
 - 役立つ本の紹介
 - 時間計算量の気持ち
 - C++の便利機能入門
- 全探索
 - 線形探索
 - 深さ優先探索
- 簡単な算数
 - 最大公約数と最小公倍数
 - 素数判定
- 貪欲法
- シミュレーション

**C言語の基礎的なプログラミングが
できることを前提に進めます**
(Python勢やJava勢の人、ゴメンネ！)

目次

- **テクニックの前に**
 - **HCPC勉強会に来たときの心得**
 - **役立つ本の紹介**
 - **時間計算量の気持ち**
 - **C++の便利機能入門**
- 全探索
 - 線形探索
 - 深さ優先探索
- 簡単な算数
 - 最大公約数と最小公倍数
 - 素数判定
- 貪欲法
- シミュレーション

HCPC勉強会に来たときの心得

**分からなくなったら
必ずその場で質問すること！**

HCPC勉強会に来たときの心得

**分からなくなったら
必ずその場で質問すること！**

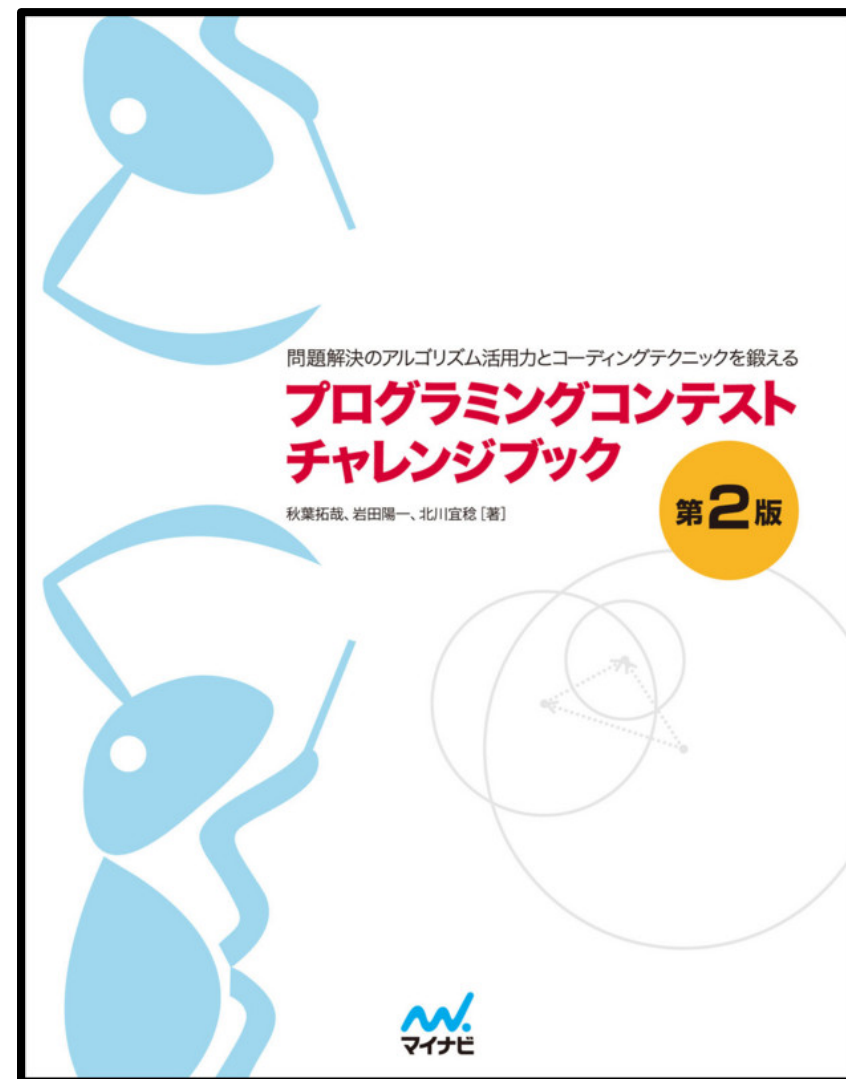
以上！

役立つ本の紹介

もし、プロコンのために
1冊だけ本を読むとしたら……

プログラミングコンテスト チャレンジブック

- 通称「蟻本」
- 基礎的なものから上級テクニックまで
例題と合わせて紹介されている
- 先輩に頼めば貸してくれる
- ただ、いきなり読むにはちょっとムズいかも



時間計算量 (Time Complexity) の気持ち

時間計算量: **この方法で問題を解くと、
実行にどのくらい時間かかるの？** という指標

プロコンでは、実行時間に関する制限があるので、
時間計算量を見積もることが大切 (1~2秒程度のことが多い)

時間計算量 (Time Complexity) の気持ち

時間計算量: **この方法で問題を解くと、
実行にどのくらい時間かかるの？** という指標

プロコンでは、実行時間に関する制限があるので、
時間計算量を見積もることが大切 (1~2秒程度のことが多い)

- 「このループは何回回ってるかな？」
「この関数は何回実行されてるかな？」という感じで見積もる
- だいたいN回の計算で終わることを **$O(N)$ 時間** と書く

例でみる時間計算量

- $O(N)$ 時間の例:

```
int sum = 0;
for(int i = 0; i < N; i++)
    sum += i;
```

- $O(N^2)$ 時間の例:

```
int a[N][N];
for(int i = 0; i < N; i++)
    for(int j = 0; j < N; j++)
        a[i][j] = i * j;
```

- $O(\log N)$ 時間の例:

```
int count = 0;
while(N > 1){
    N /= 2;
    ++count;
}
```

- $O(1)$ 時間の例:

```
N *= 2;
printf("%d\n", N);
```

Oは大雑把のオー (と覚えればOK)

- 時間計算量は、細かな違いを無視して**大雑把に見積もる**

例1: ループ1周毎が重くても、
 $O(N+N+N)$ みたいになっても、
定数倍は気にせず $O(N)$

```
int sum = 0;
for(int i = 0; i < N; i++)
    sum += i;

for(int i = 0; i < N; i++)
    sum += i;

for(int i = 0; i < N; i++){
    sum += i;
    sum += i;
    sum += i;
    sum += i;
}
```

例2: $O(N^2 + N)$ みたいになったら、
明らかに他より計算が軽い項は
無視して $O(N^2)$

```
int a[N][N];
for(int i = 0; i < N; i++)
    for(int j = 0; j < N; j++)
        a[i][j] = i * j;

for(int i = 0; i < N; i++)
    a[i][i] = 0;
```

実際の実行時間の概算

- 時間計算量を求めたら、**実際の実行時間を概算しよう！**

プロコンの問題には、入力される数値の制約が必ず書いてあるので、その最大値を、さっき求めた計算量にぶち込んでみる

実際の実行時間の概算

- 時間計算量を求めたら、**実際の実行時間を概算しよう！**

プロコンの問題には、入力される数値の制約が必ず書いてあるので、その最大値を、さっき求めた計算量にぶち込んでみる

基準: 今のパソコンは1秒間に 10^8 回程度の計算が可能

時間計算量	プロコン的にOKなNの範囲
$O(N^2)$	$N \leq 10^4$ 程度
$O(N \log N)$	$N \leq 10^6$ 程度
$O(N)$	$N \leq 10^8$ 程度
$O(1)$	なんでもござれ

C++の便利機能入門

C++には、Cには無かった便利機能が満載

C++の便利機能入門

C++には、Cには無かった便利機能が満載

→ **なので使おう！**

C++の便利機能入門

C++には、Cには無かった便利機能が満載

→ **なので使おう！**

- たくさん紹介したいところだけど、**今回は2つだけ紹介**

いろいろ知りたい人は
HCPCのホームページへ！

HCPC活動記録 (初めてのSTL)

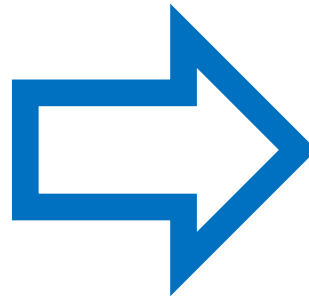
<http://hcpc.web.fc2.com/activities.html>

C++の便利機能その1: cin / cout

- 標準入出力が手軽にできる！

- scanf/printf: 型によって %d とか %f とかを使い分けないといけない
- cin/cout : 型を意識する必要がない！ 便利！

```
1 #include <stdio.h>
2
3 int main(void){
4     int a;
5     double b;
6     long long int c;
7     scanf("%d%lf%lld", &a, &b, &c);
8     printf("%d%f%lld\n", a, b, c);
9     return 0;
10 }
```



```
1 #include <iostream>
2 using namespace std;
3
4 int main(void){
5     int a;
6     double b;
7     long long int c;
8     cin >> a >> b >> c;
9     cout << a << b << c << endl;
10    return 0;
11 }
```


C++の便利機能その2: vector

• 可変長配列！

C言語での配列の
完全上位互換と考えてOK

```
1 #include <vector>
2 using namespace std;
3
4 int main(void){
5     int s, n = 30, m = 20;
6
7     vector<int> a;    // int型での基本的な宣言の方法（最初は長さ0の状態）
8     vector<int> b(n); // int型で、最初から長さnの領域を確保する
9     vector<double> c(n, 6.5); // double型で長さnの領域を確保しつつ、そのすべてを6.5で初期化
10    vector<vector<int> > d(n, vector<int>(m, 0)); // 入れ子にすることで多次元ができる
11
12    a.push_back(3); // 末尾への要素の追加 0(1)
13    c[20] = 100;    // 配列と同様にランダムアクセス可能 0(1)
14    s = a.size();   // 要素数の取得 0(1)
15
16    return 0;
17 }
```

目次

- テクニクの前に
 - HCPC勉強会に来たときの心得
 - 役立つ本の紹介
 - 時間計算量の気持ち
 - C++の便利機能入門
- **全探索**
 - **線形探索**
 - **深さ優先探索**
- 簡単な算数
 - 最大公約数と最小公倍数
 - 素数判定
- 貪欲法
- シミュレーション

Q1.

3つの整数 a, b, c が与えられるので、
 a から b までの中に、 c の約数がいくつあるか求めよう！

- **Constraints**

$$1 \leq a, b, c \leq 1000$$

$$a \leq b$$

例: $a = 5, b = 14, c = 80$ の場合 → **3つ**

- **Time Limit**

1 sec

5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
---	---	---	---	---	----	----	----	----	----

Q1.

3つの整数 a, b, c が与えられるので、
 a から b まで

- Cons

$1 \leq$

$a \leq$

- Time

1 sec

**a から b まで順番に見て行って
 c を割り切れるかチェックすればいい！**

13

14

Q1.

3つの整数 a, b, c が与えられるので、
 a から b まで

- Cons

$1 \leq$

$a \leq$

- Time

1 sec

a から b まで順番に見ていって
 c を割り切れるかチェックすればいい！

この手法を **線形探索** とよぶ

13

14

実装例

- 時間計算量: $O(b)$ 時間

$b \leq 1000$ なので間に合う！

基本的に線形探索は
ループを回すだけなので
実装が簡単

```
1 #include <iostream>
2 using namespace std;
3
4 int main(void){
5     int a, b, c;
6     cin >> a >> b >> c;
7
8     int ans = 0;
9     for(int i = a; i <= b; i++)
10         if(c % i == 0)
11             ++ans;
12
13     cout << ans << endl;
14     return 0;
15 }
```

Q2.

地図が描かれた $H \times W$ の盤面が与えられるので、家から魚屋まで辿り着けるかどうか判定しよう！

- **Input**

1行目 H W

2行目 盤面の情報 $c_{(1,1)}c_{(1,2)} \cdots c_{(1,W)}$

:

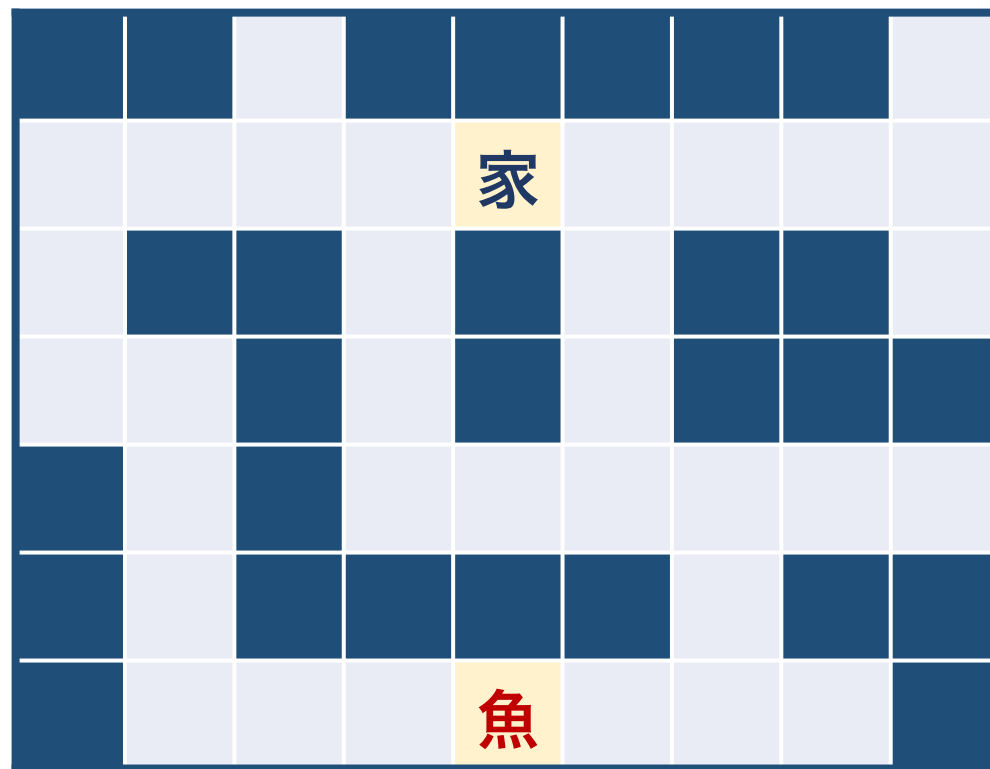
$H+1$ 行目 盤面の情報 $c_{(H,1)}c_{(H,2)} \cdots c_{(H,W)}$

- **Constraints**

$1 \leq H, W \leq 500$

- **Time Limit**

2 sec



Q2.

地図が描かれた $H \times W$ の盤面が与えられるので、家から魚屋まで辿り着けるかどうか判定しよう！

• Sample Input

7 9

##.#####.

. . . . S

. ## . # . ## .

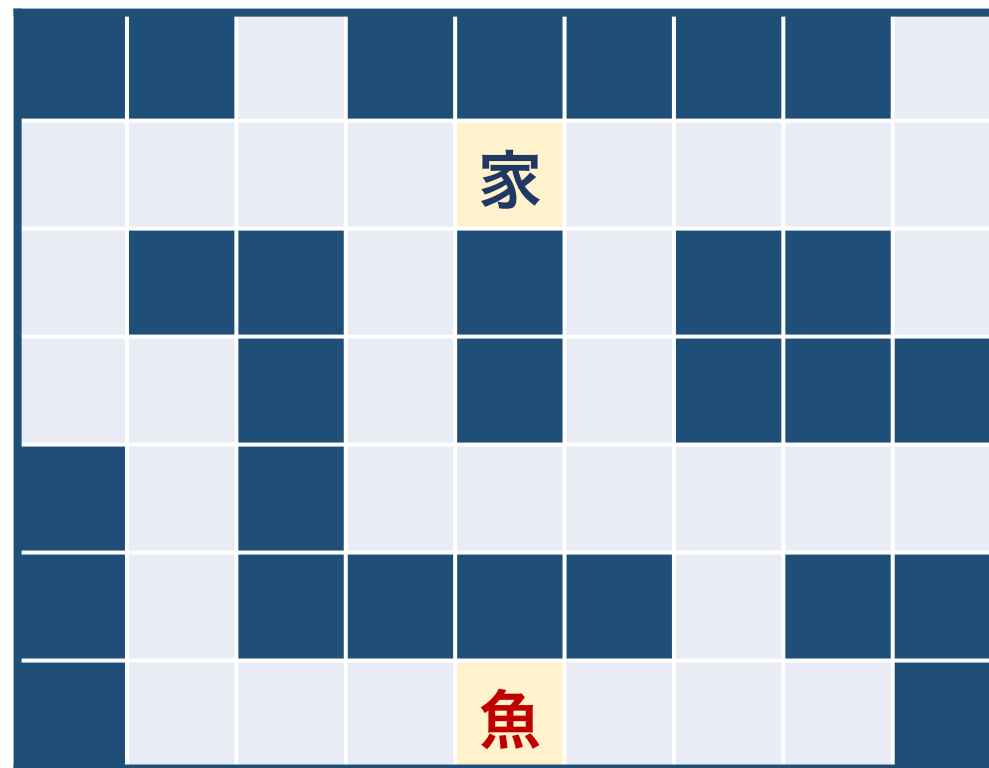
. . # . # . ###

. #

. ##### .

. . . g . . .

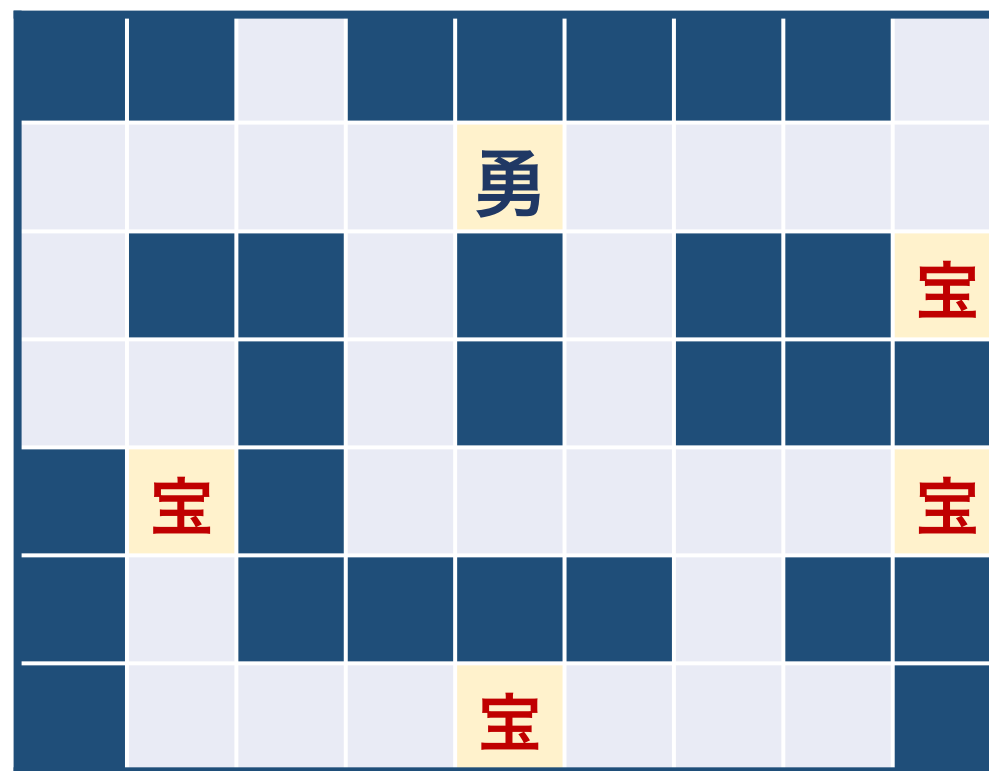
.	: 通路
#	: 壁
s	: 家
g	: 魚屋



どうやって解けばいいだろう？

- 例えば、この地図が**ダンジョン**だったとしよう

あなたは勇者なので、
このダンジョンのすべての宝箱を
開けたいと思っている

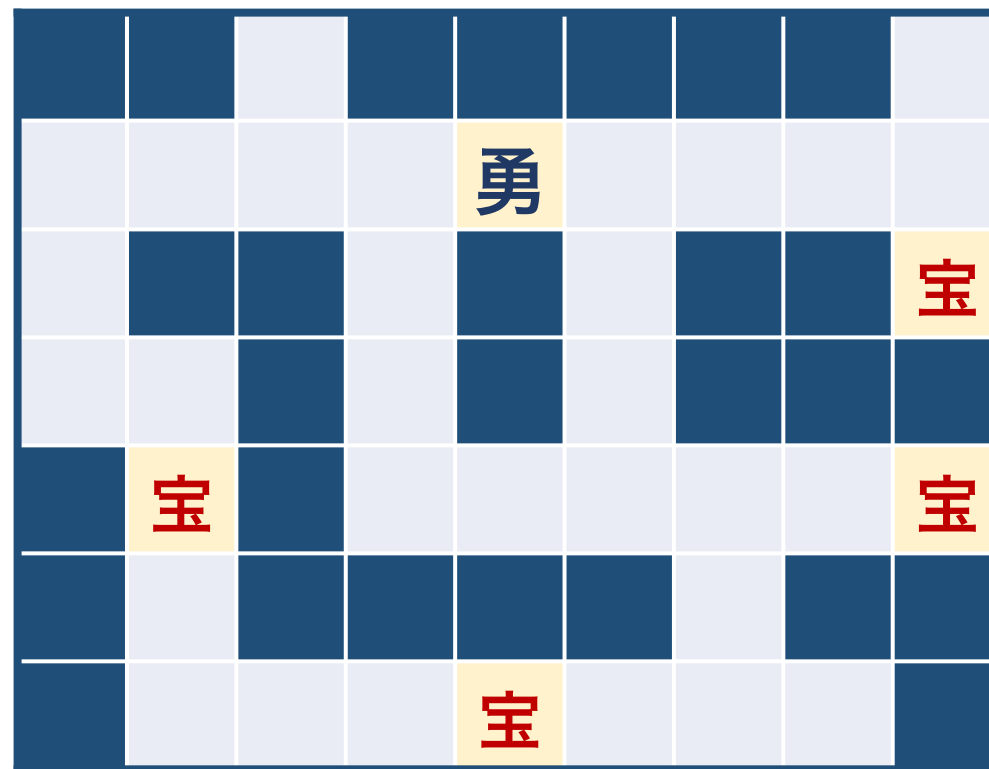


どうやって解けばいいだろう？

- 例えば、この地図が**ダンジョン**だったとしよう

あなたは勇者なので、
このダンジョンのすべての宝箱を
開けたいと思っている

Q. どうやって宝箱を探す？



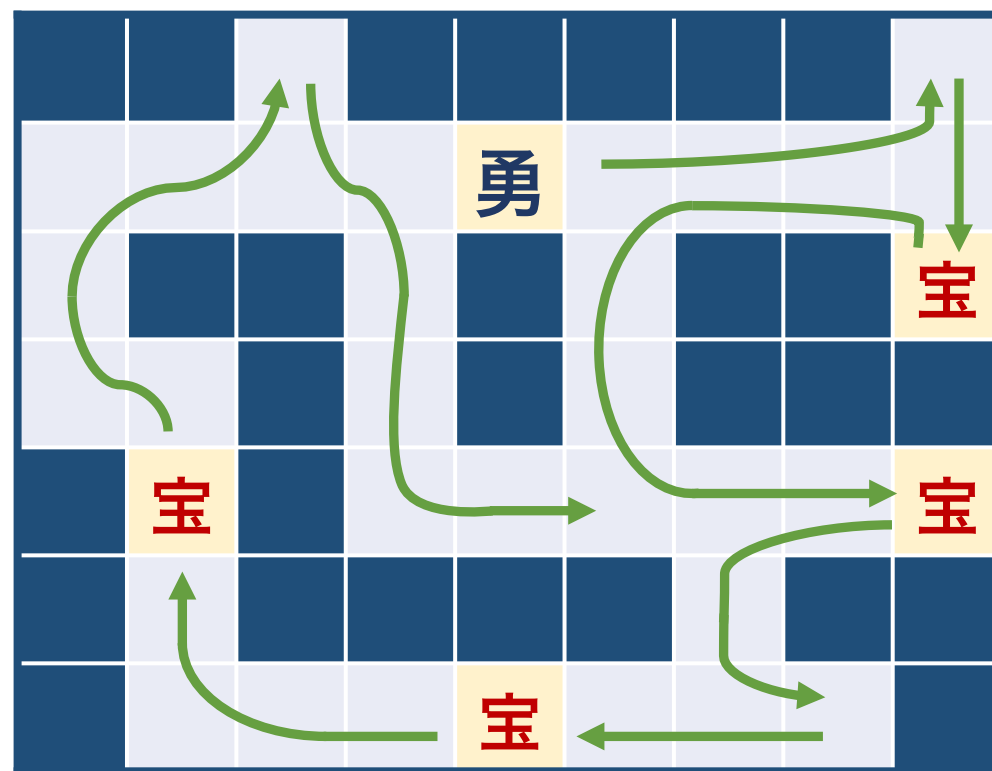
どうやって解けばいいだろう？

- 例えば、この地図が**ダンジョン**だったとしよう

あなたは勇者なので、
このダンジョンのすべての宝箱を
開けたいと思っている

Q. どうやって宝箱を探す？

A. こんな感じで探す！



どうやって解けばいいだろう？

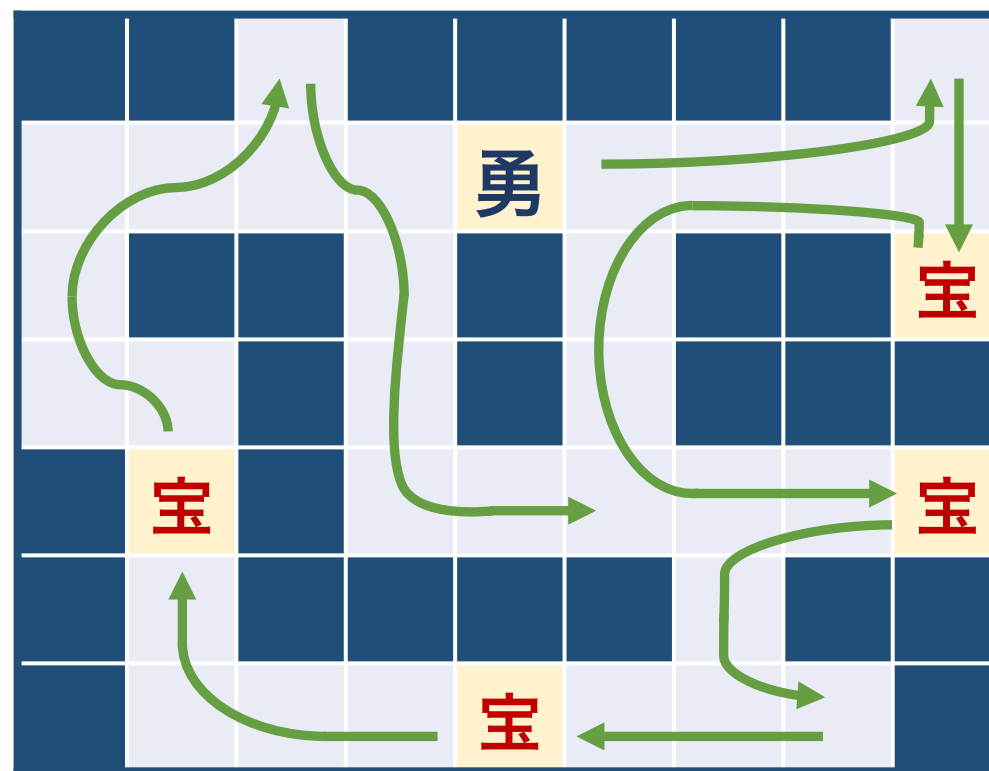
- 例えば、この地図が**ダンジョン**だったとしよう

あなたは勇者なので、
このダンジョンのすべての宝箱を
開けたいと思っている

Q. どうやって宝箱を探す？

A. こんな感じで探す！

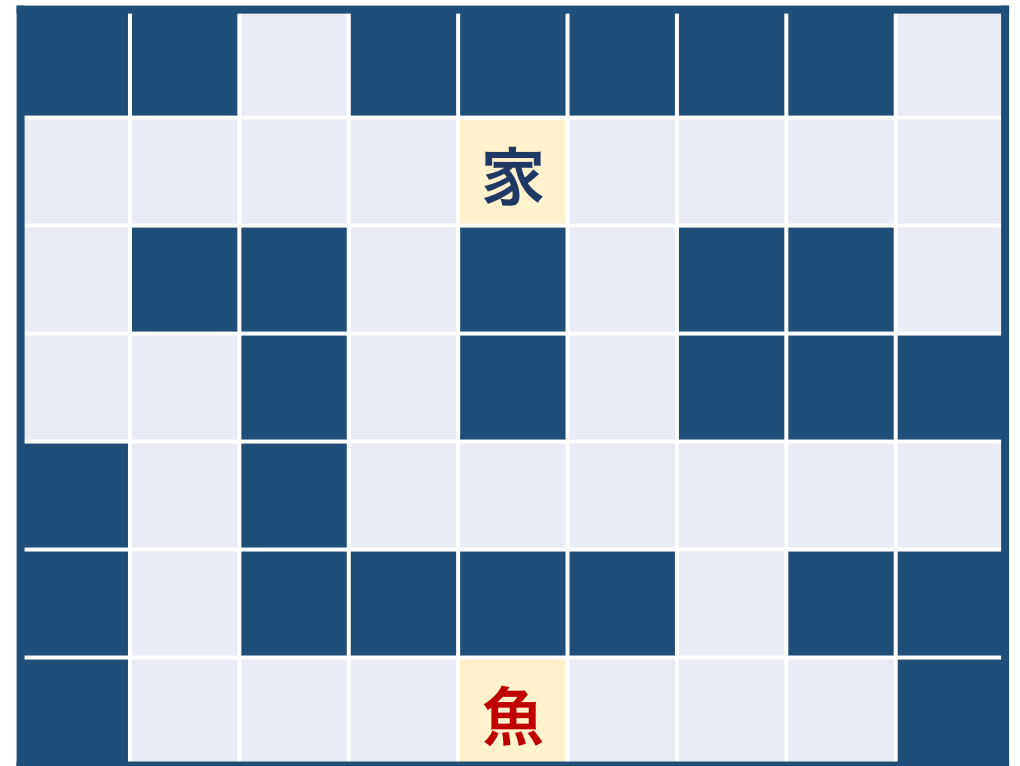
この手法を
深さ優先探索 とよぶ



深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

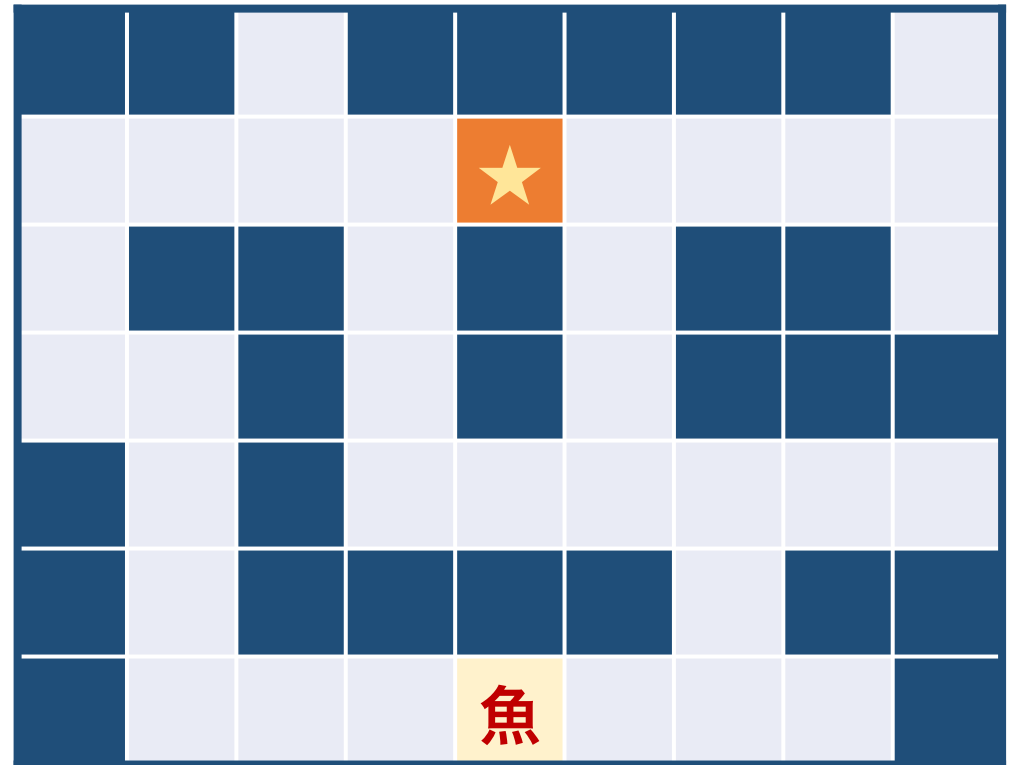


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

最初に、スタート地点へ
探索済みフラグを立てる

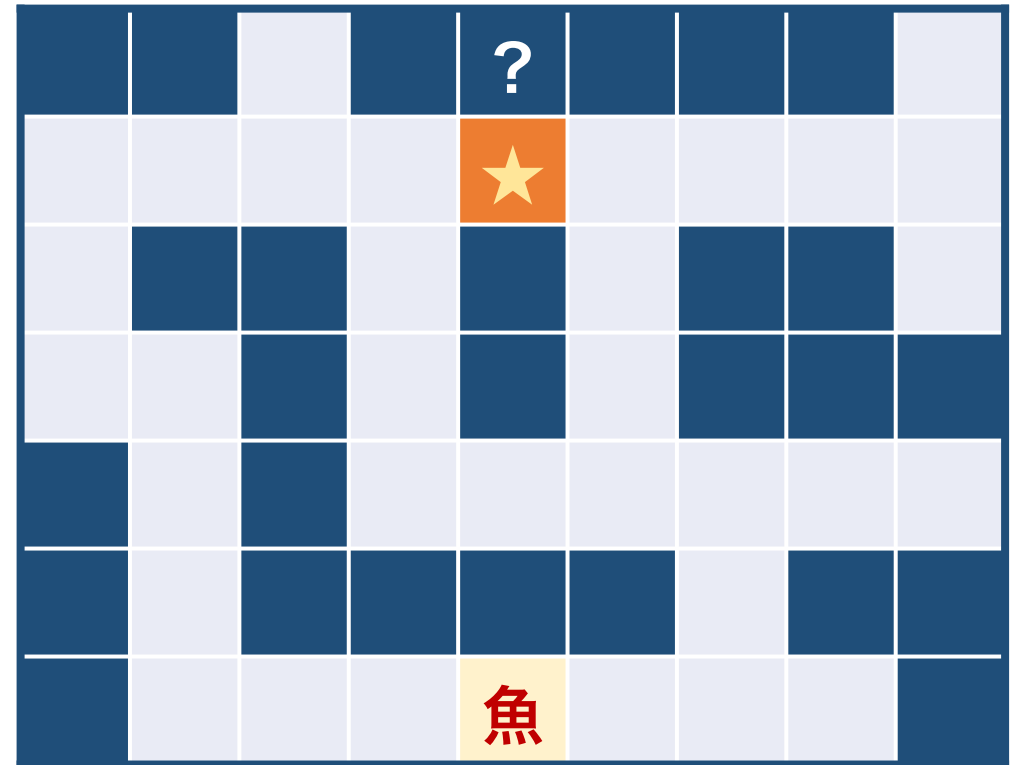


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

優先順位に従って上を見るが
壁なので行けない

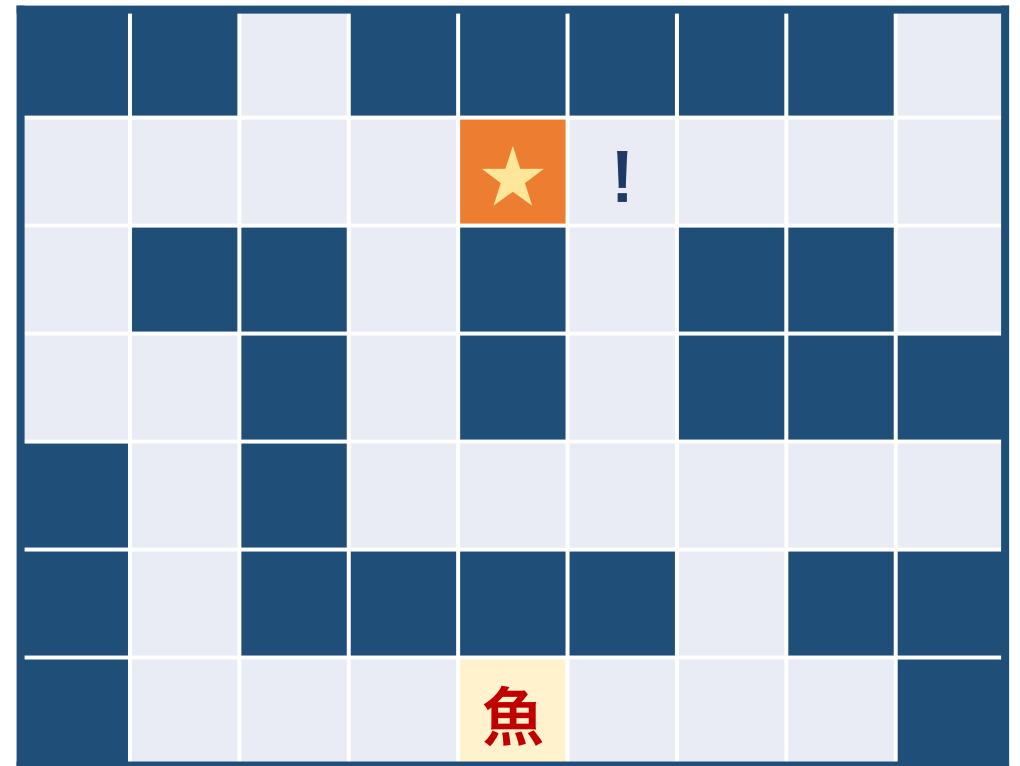


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

次に右を見る → **行ける！**

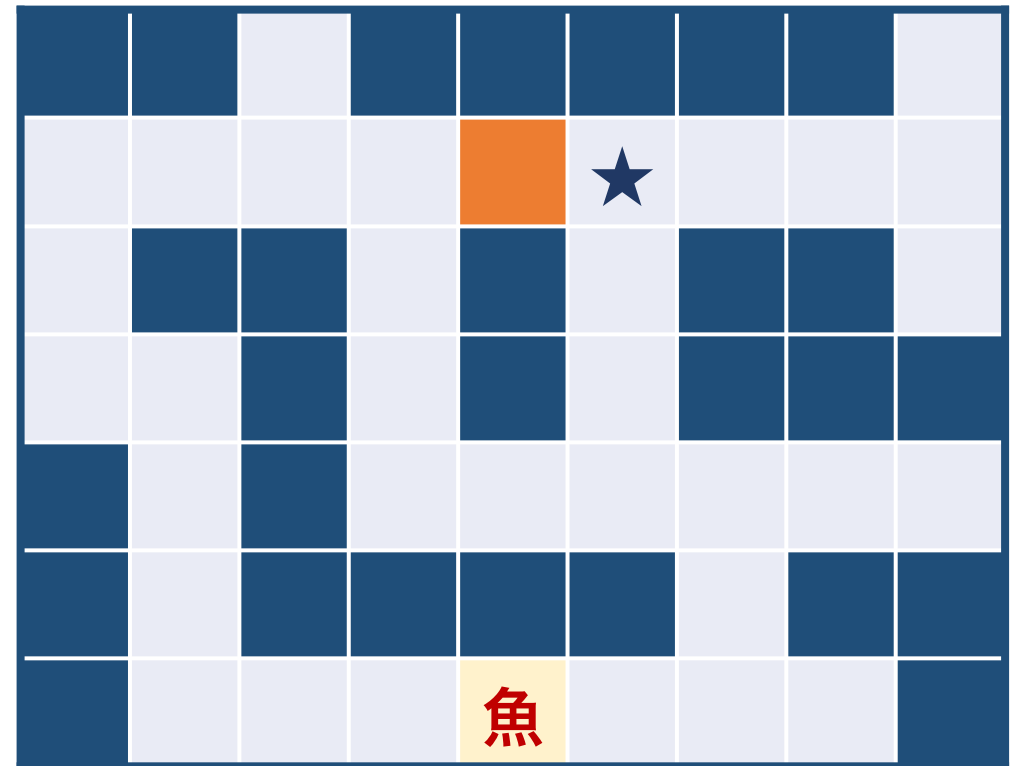


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

進む

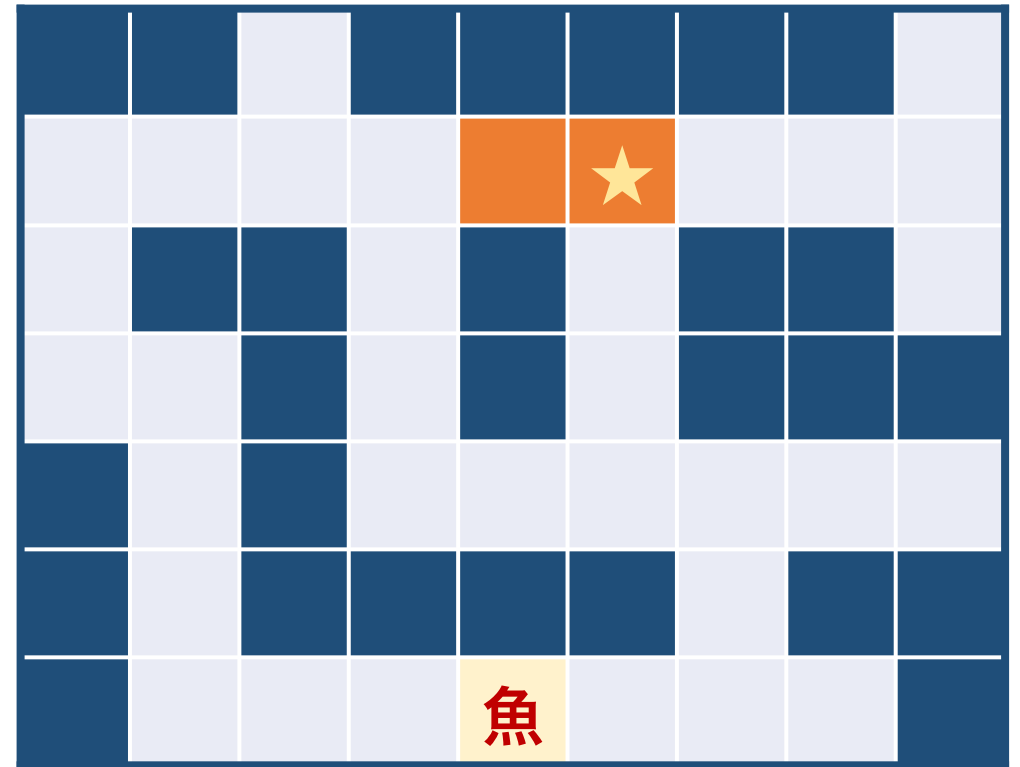


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

進んだら、
その地点を「探索済み」にする

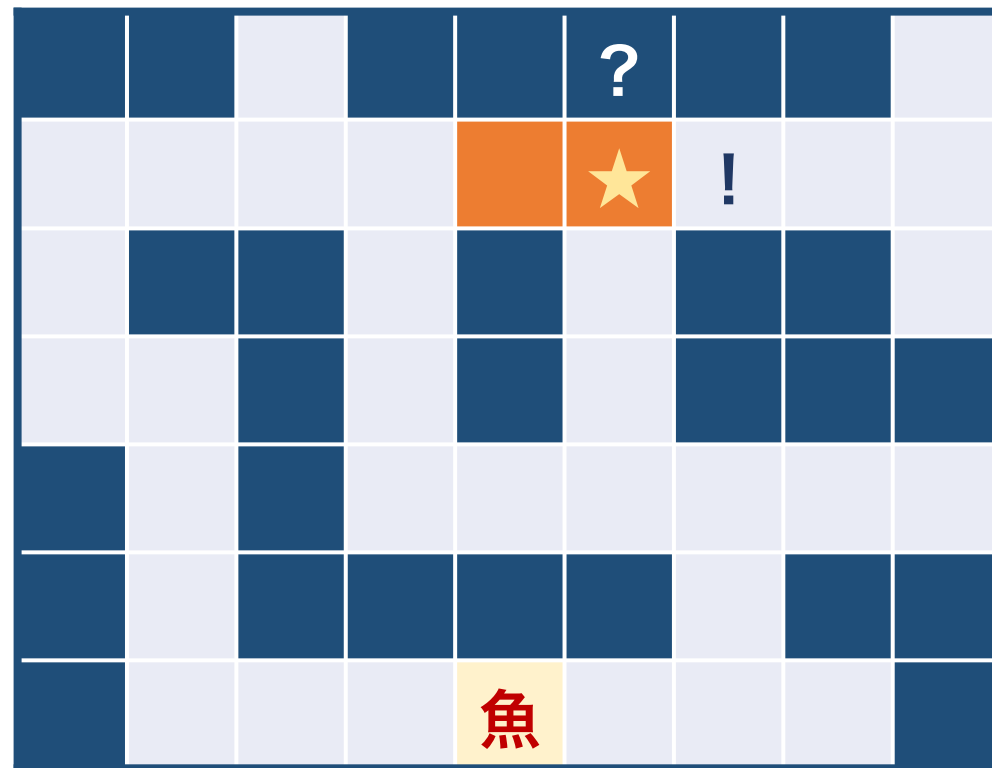


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

優先順位に従って
上を見るが行けず、
次に右を見ると行けそう

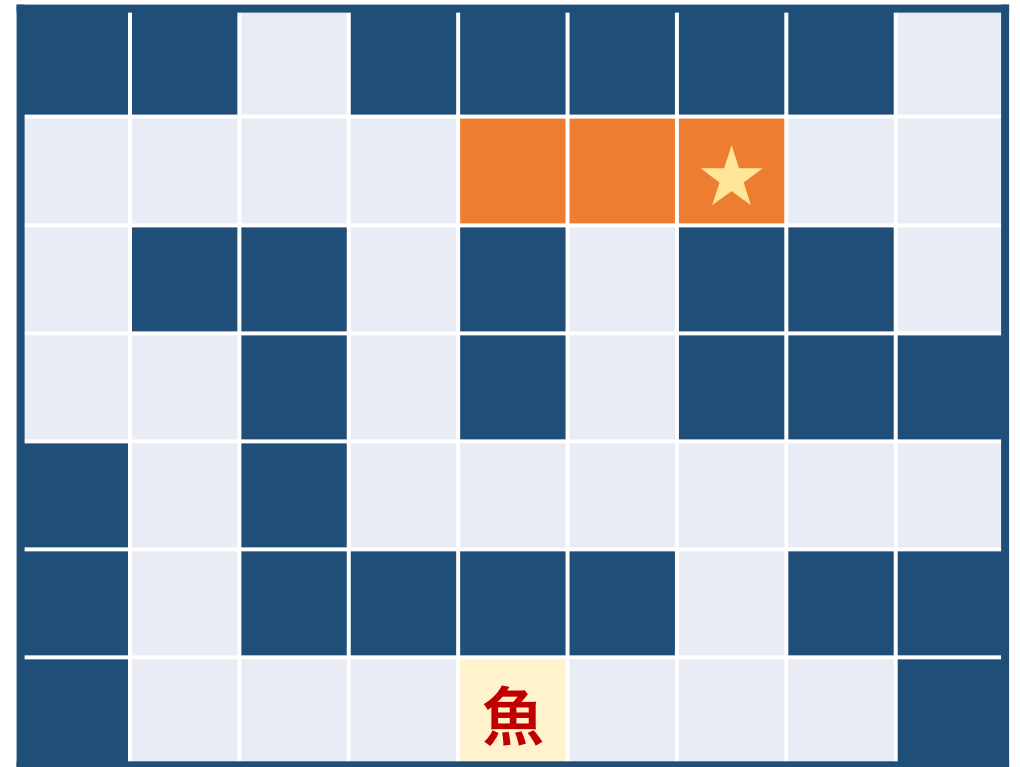


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

右に進んで、
そこを「探索済み」にする

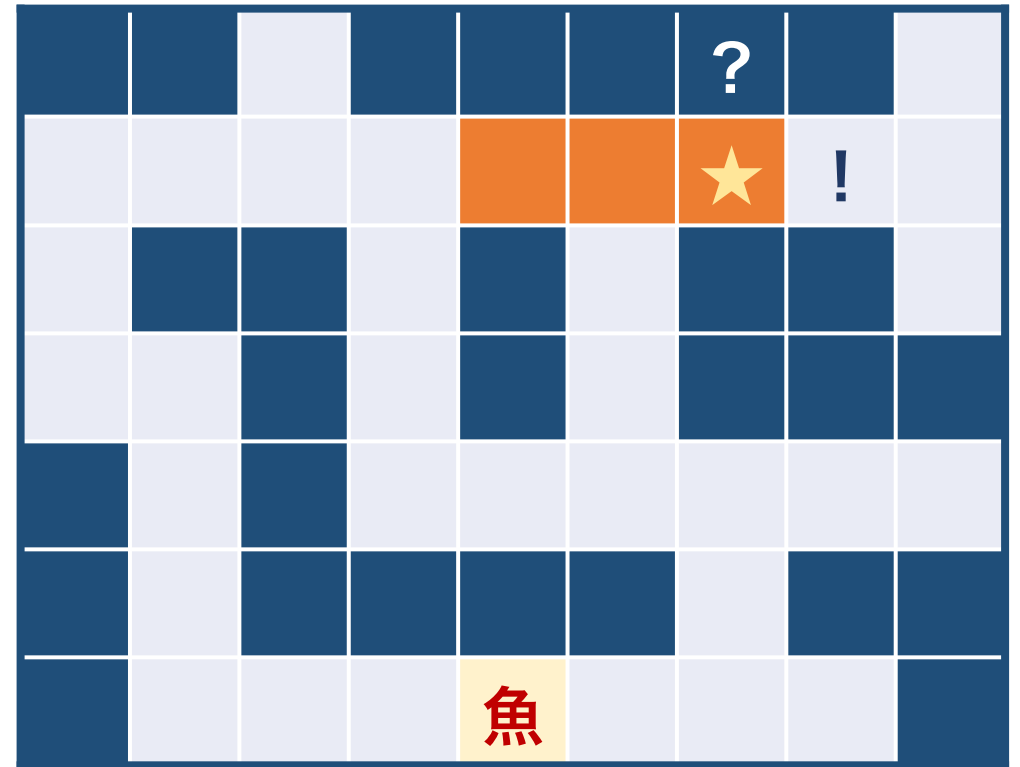


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

同様に進む

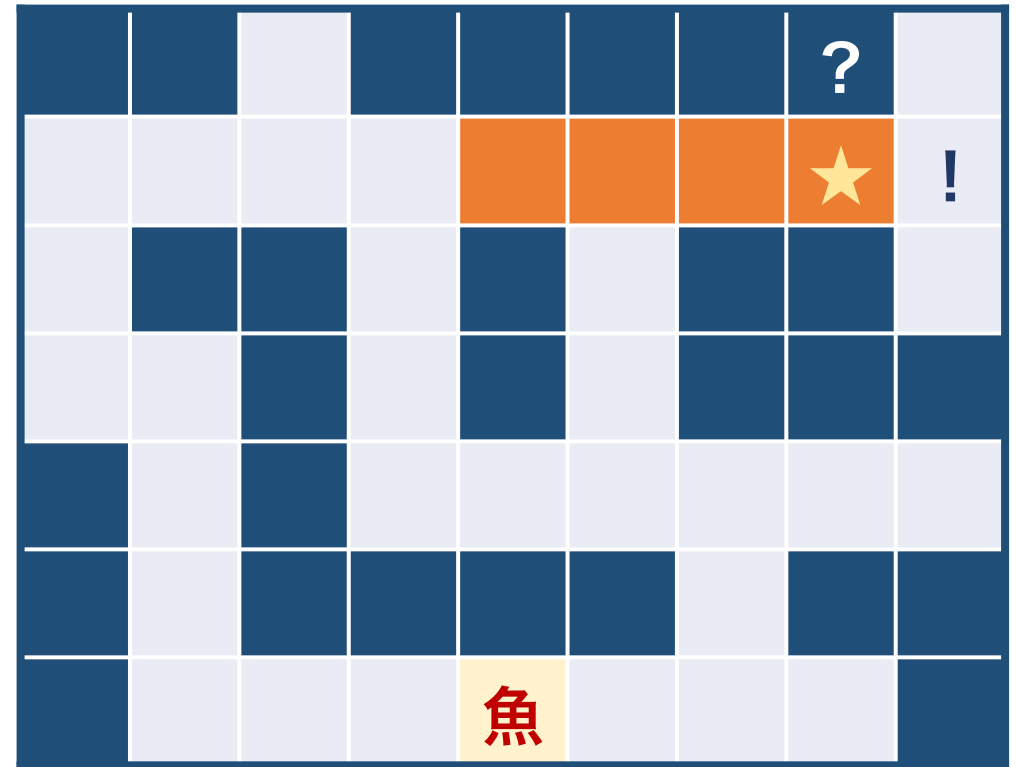


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

同様に進む

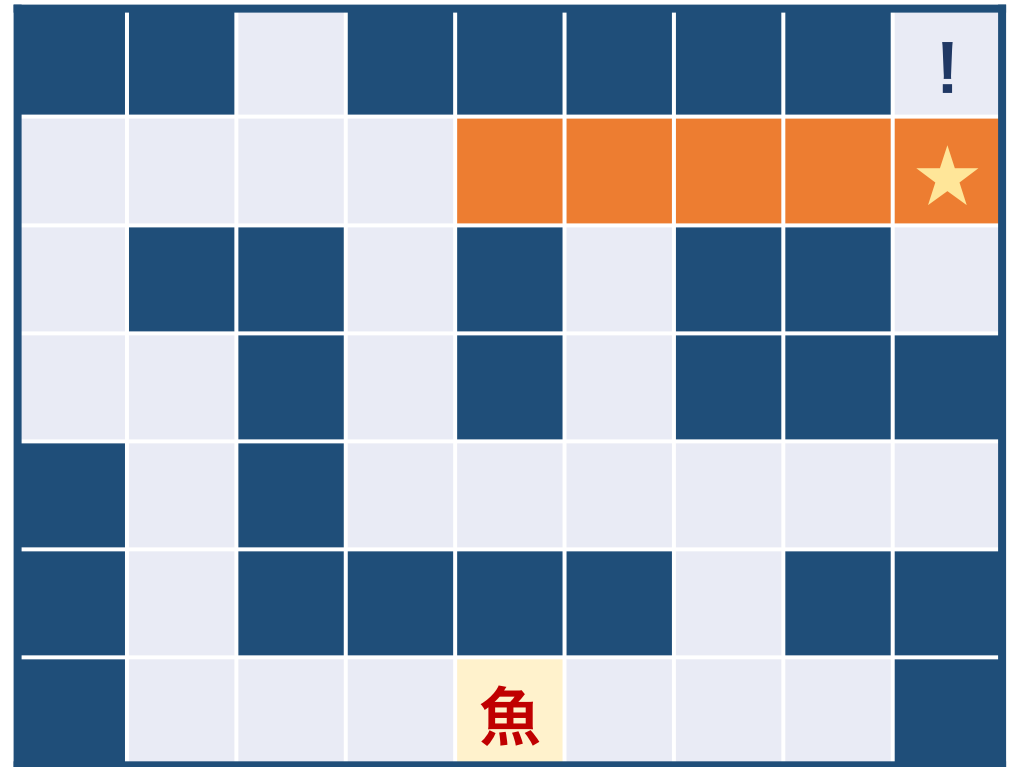


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

同様に進む

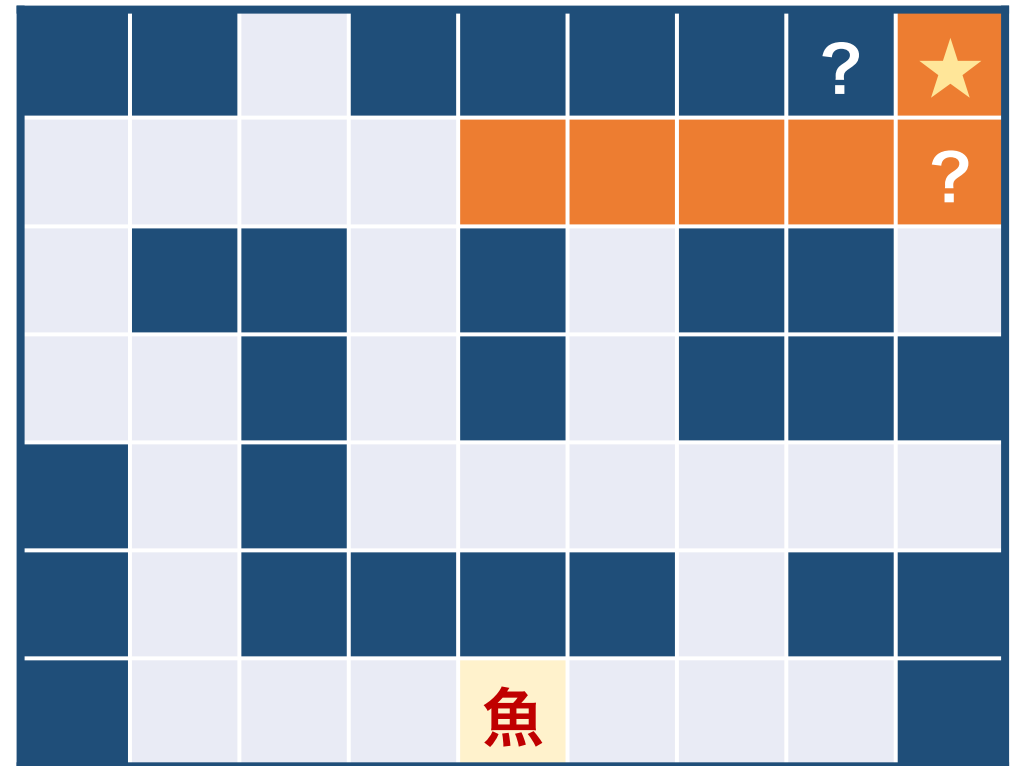


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

4方向どこも行けなくなったら……

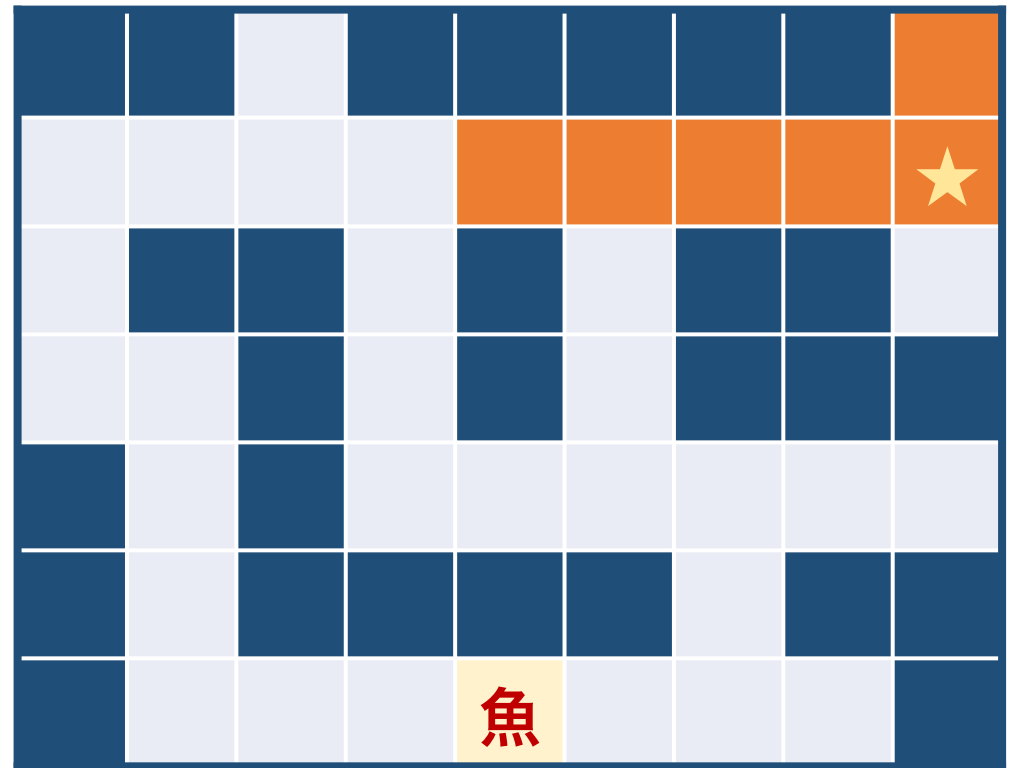


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

一歩戻る

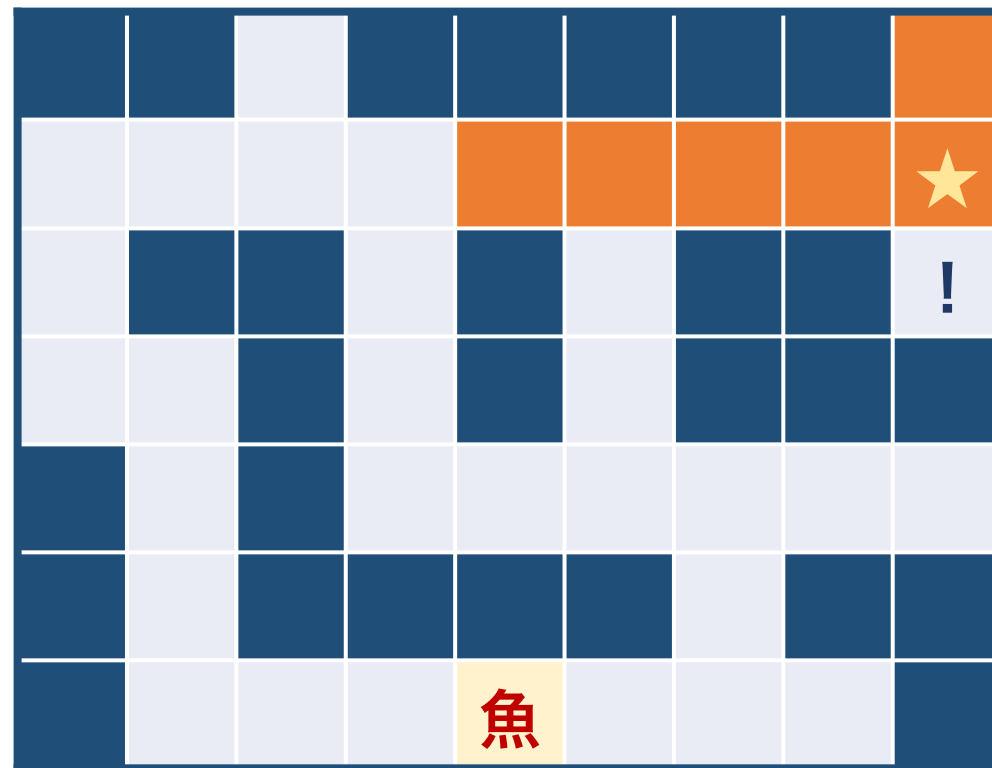


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道を行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

この地点で上はもう試したので
右から順に試す
→ 下に行けそう

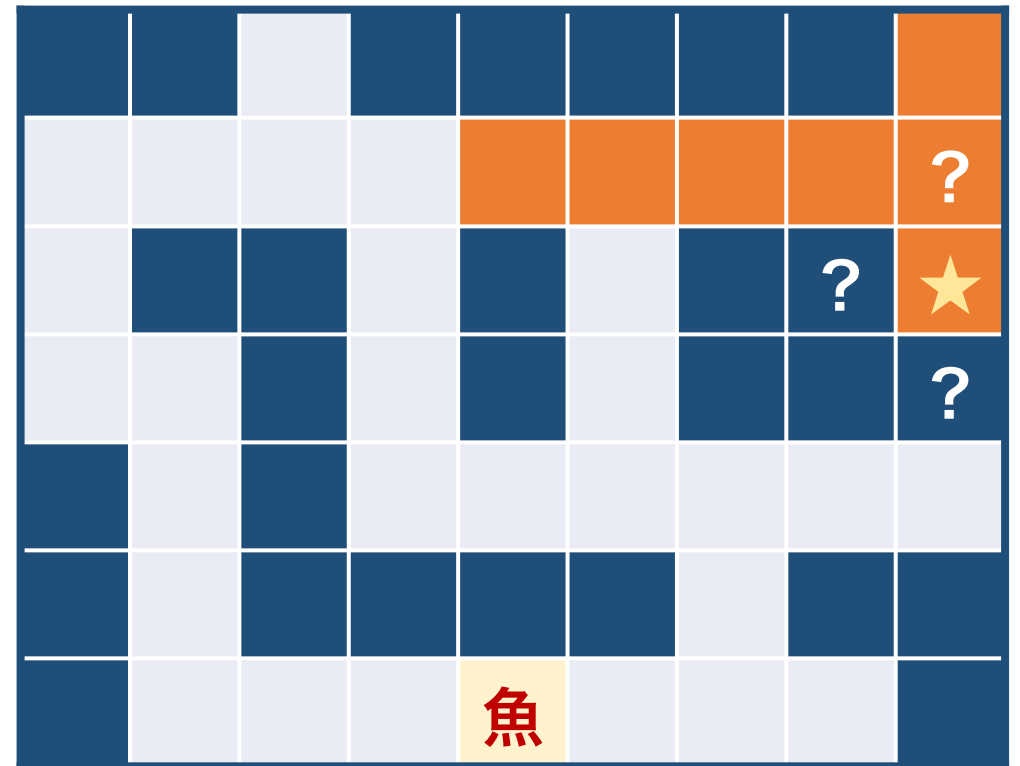


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

進む → 再び行き止まり

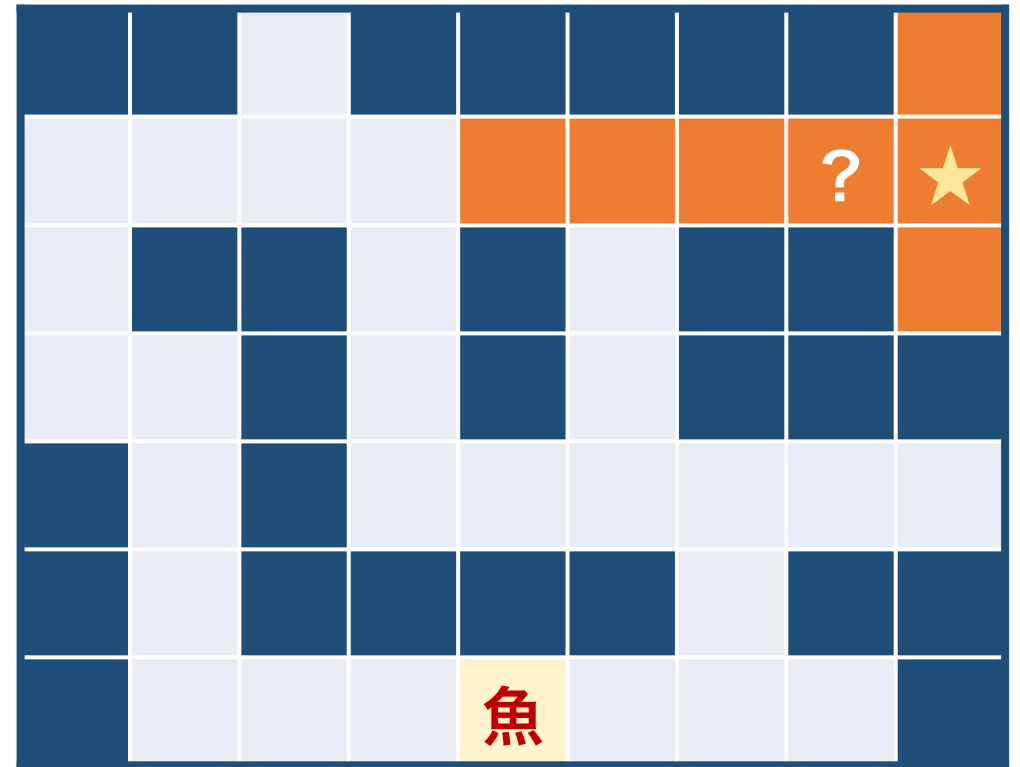


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

戻る

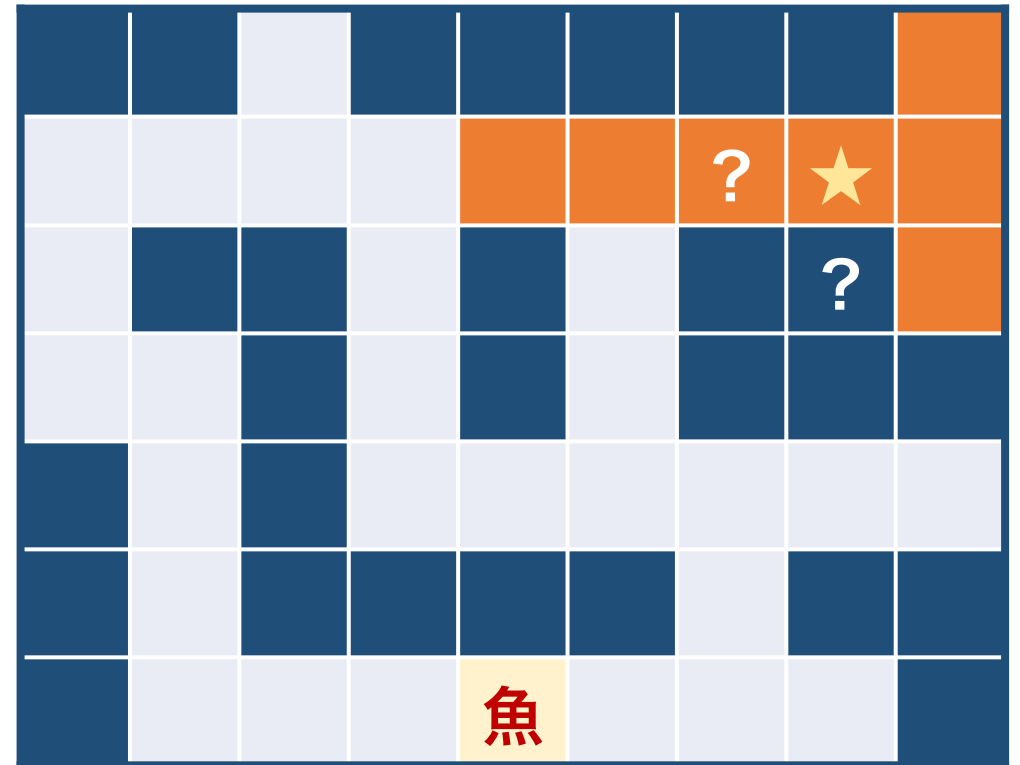


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

戻る

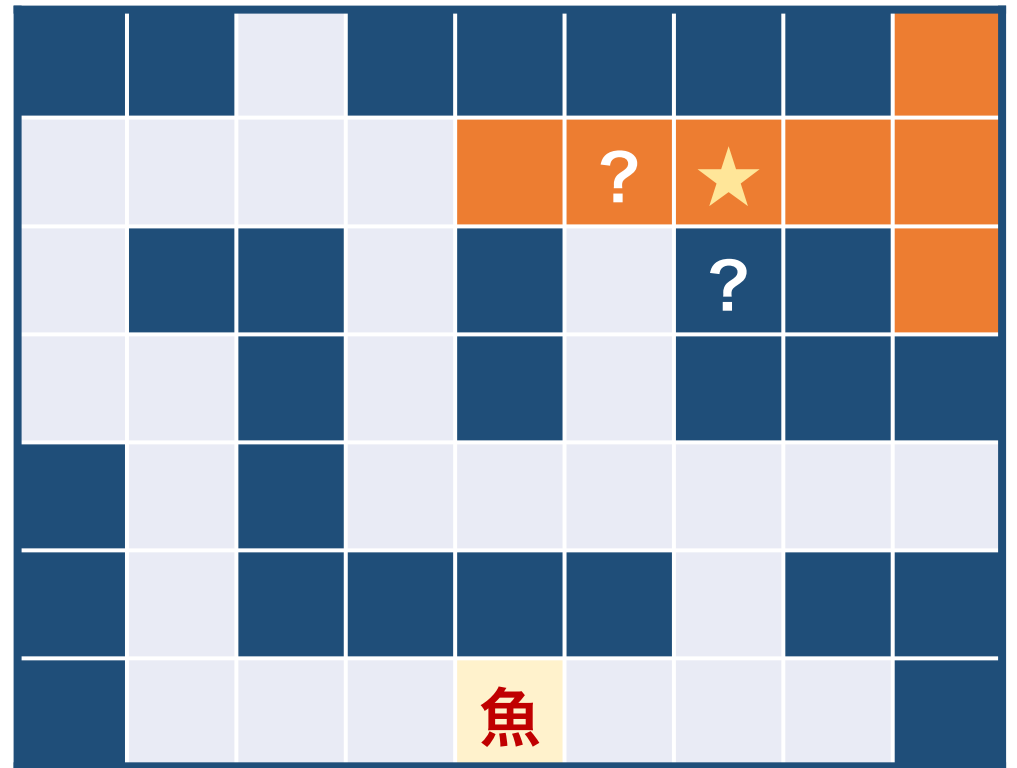


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

戻る

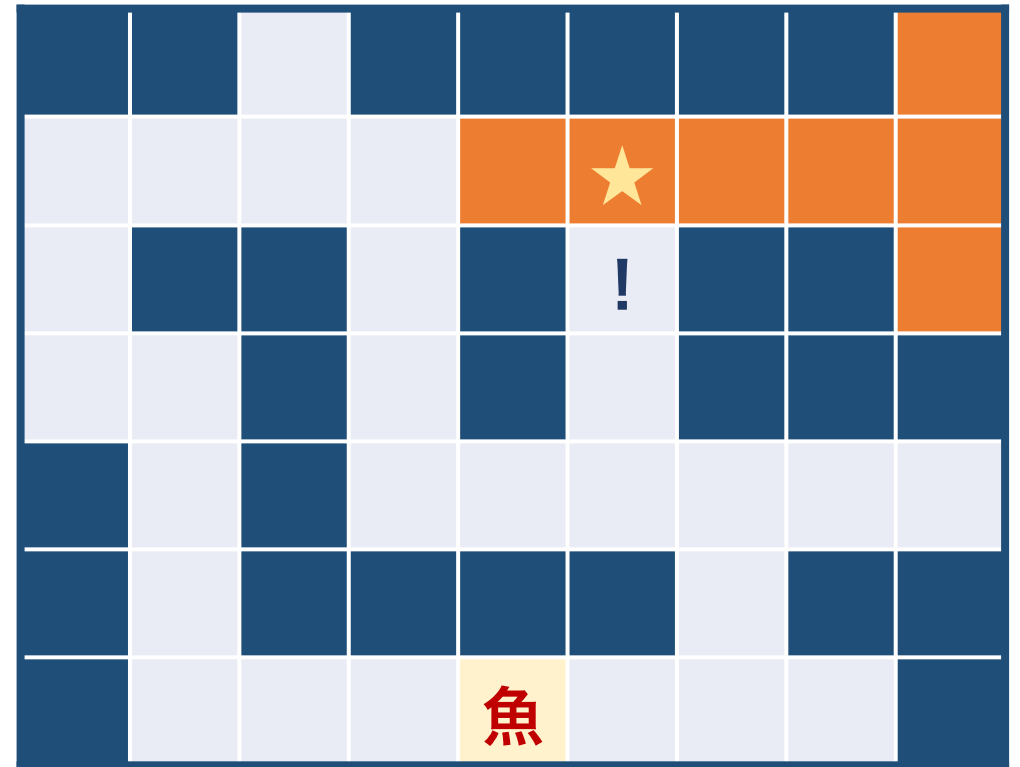


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

戻る

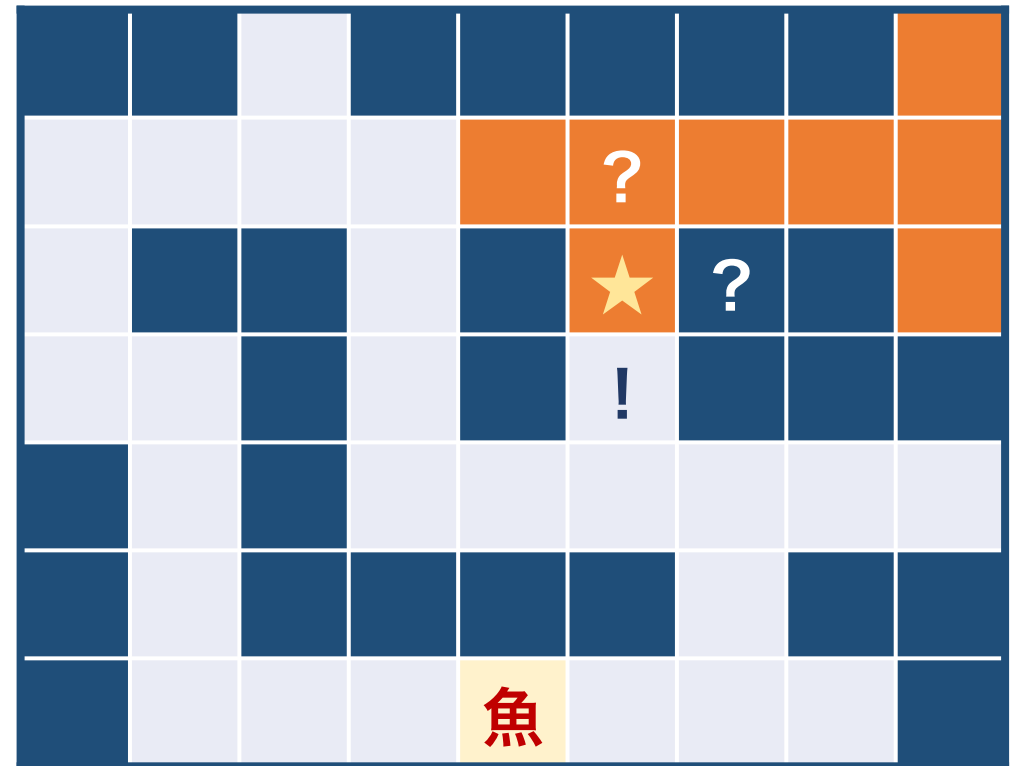


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

進む

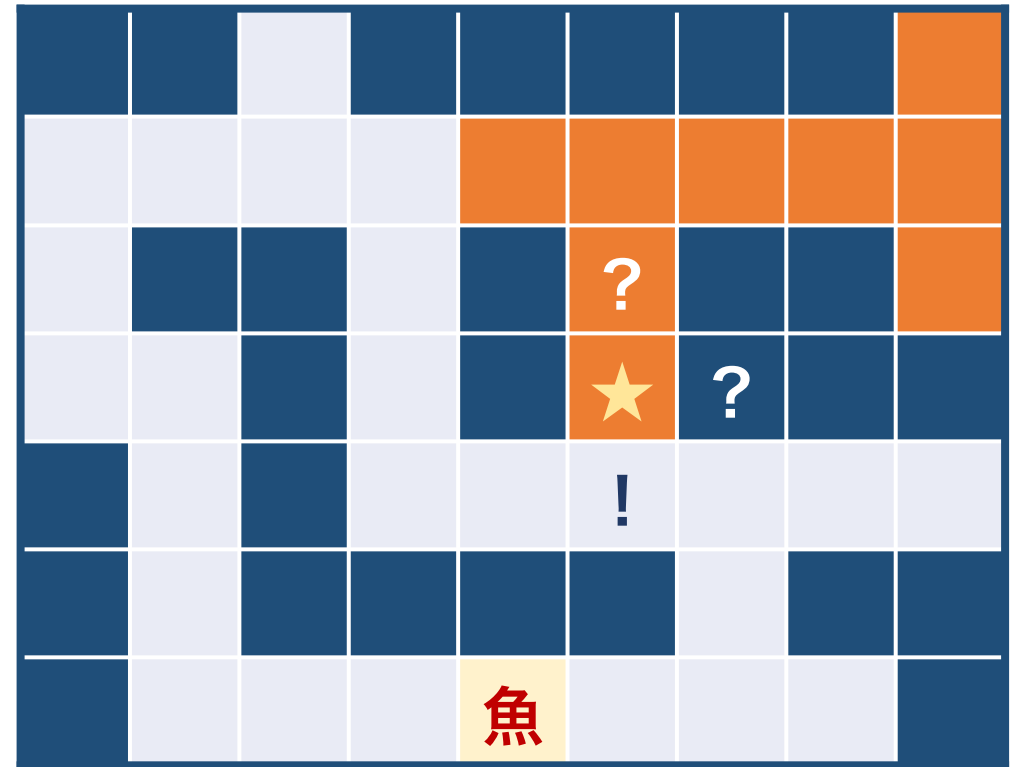


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

進む

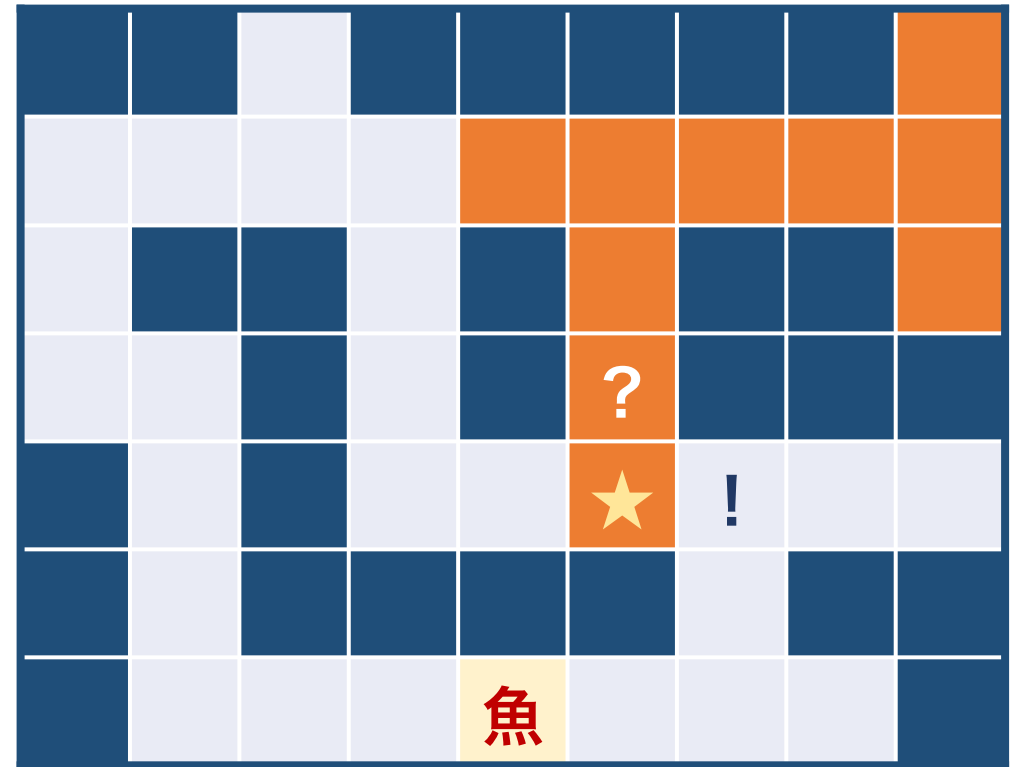


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

進む

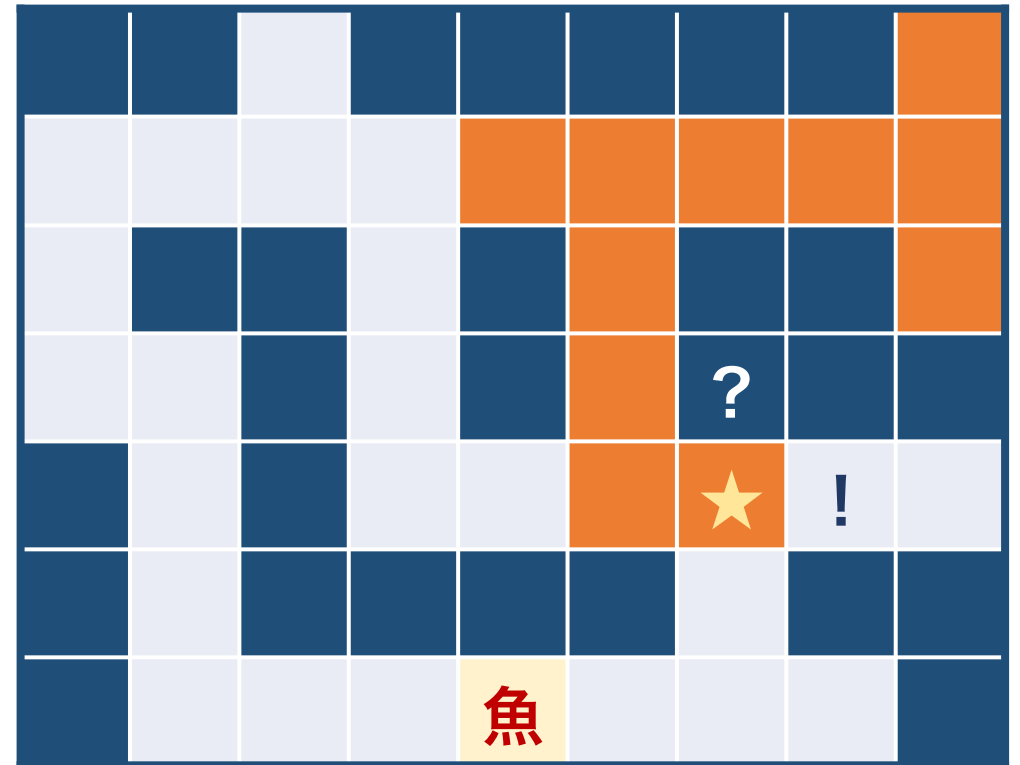


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

進む

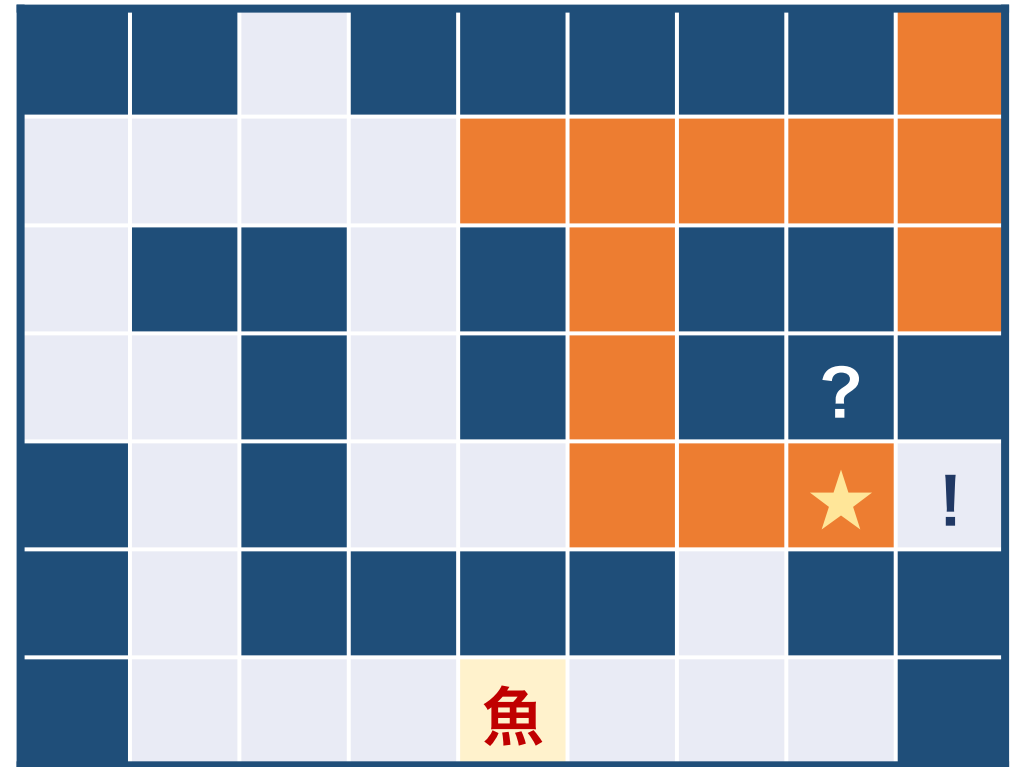


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

進む

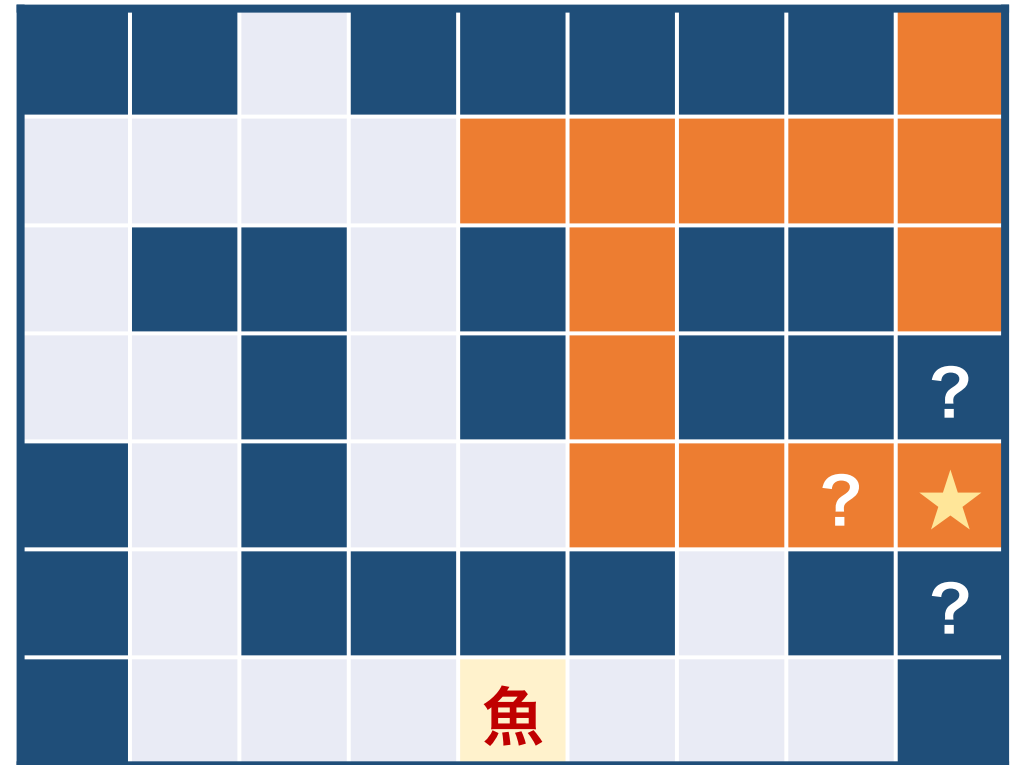


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

進む

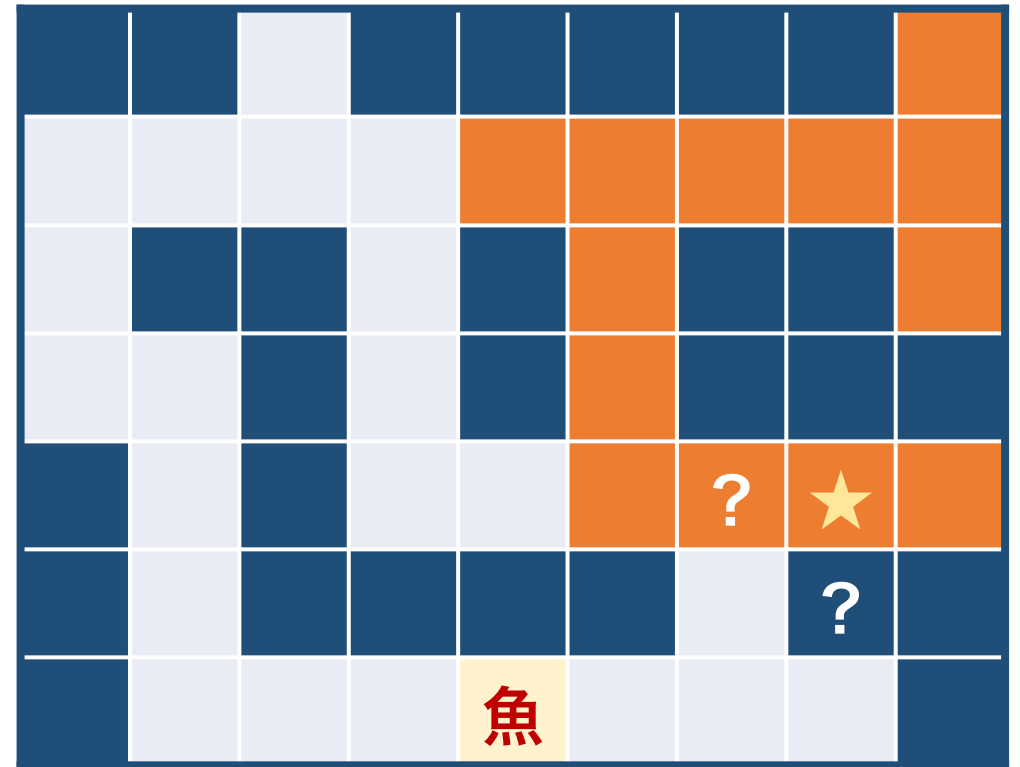


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

戻る

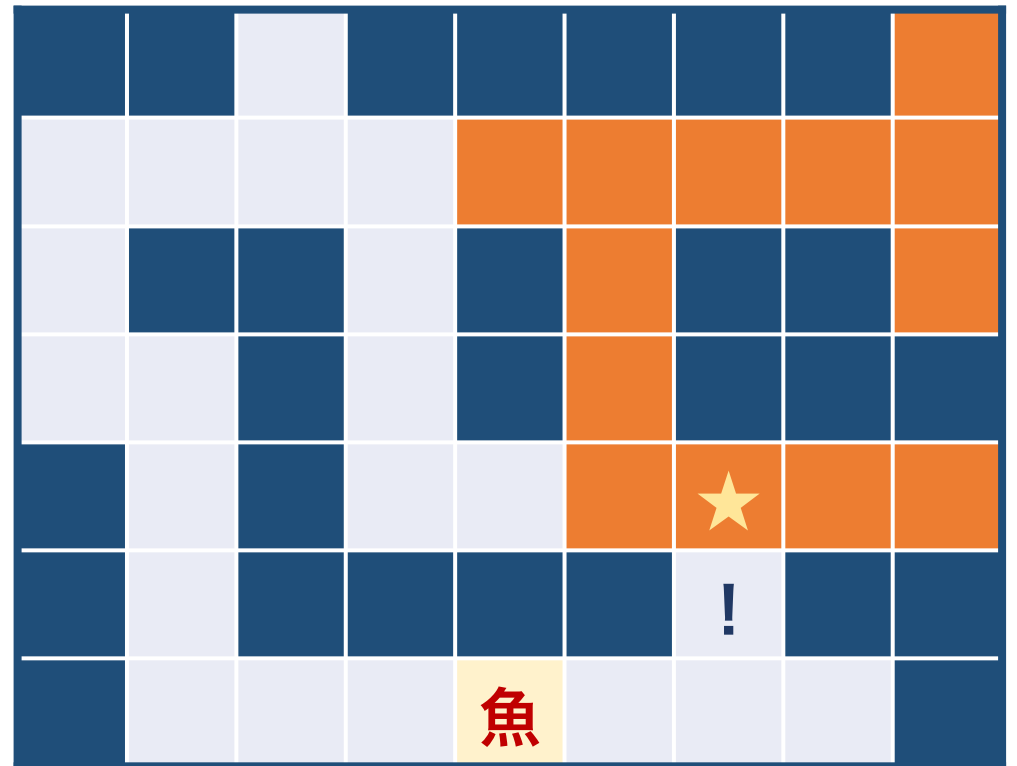


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

戻る

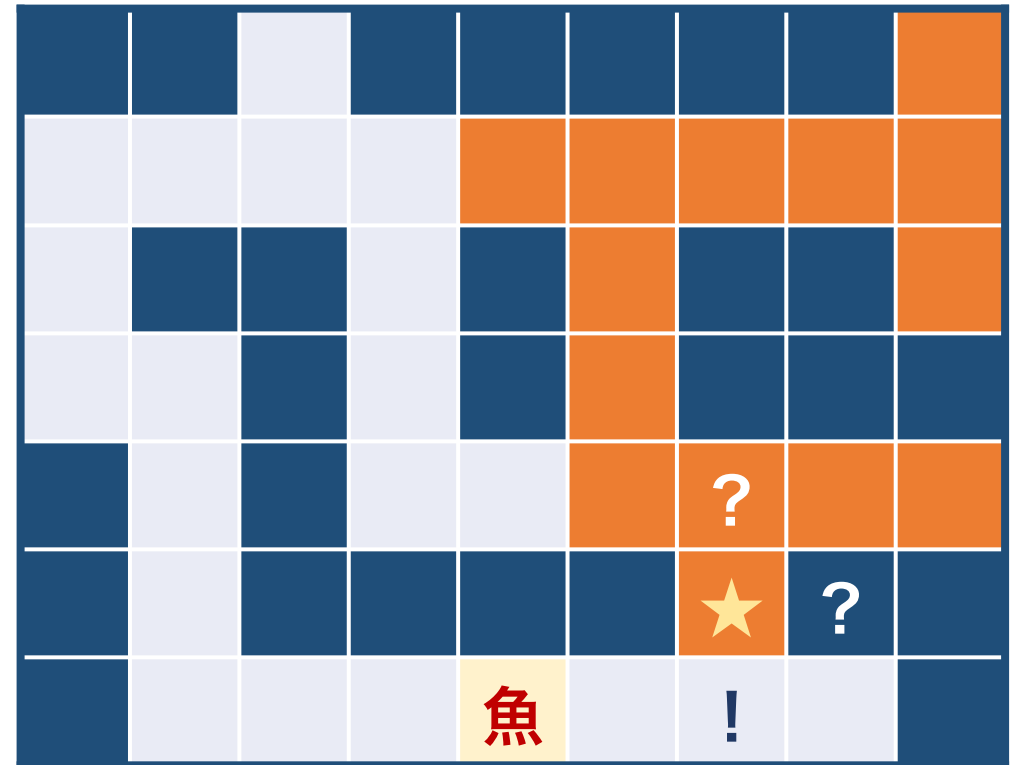


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

進む

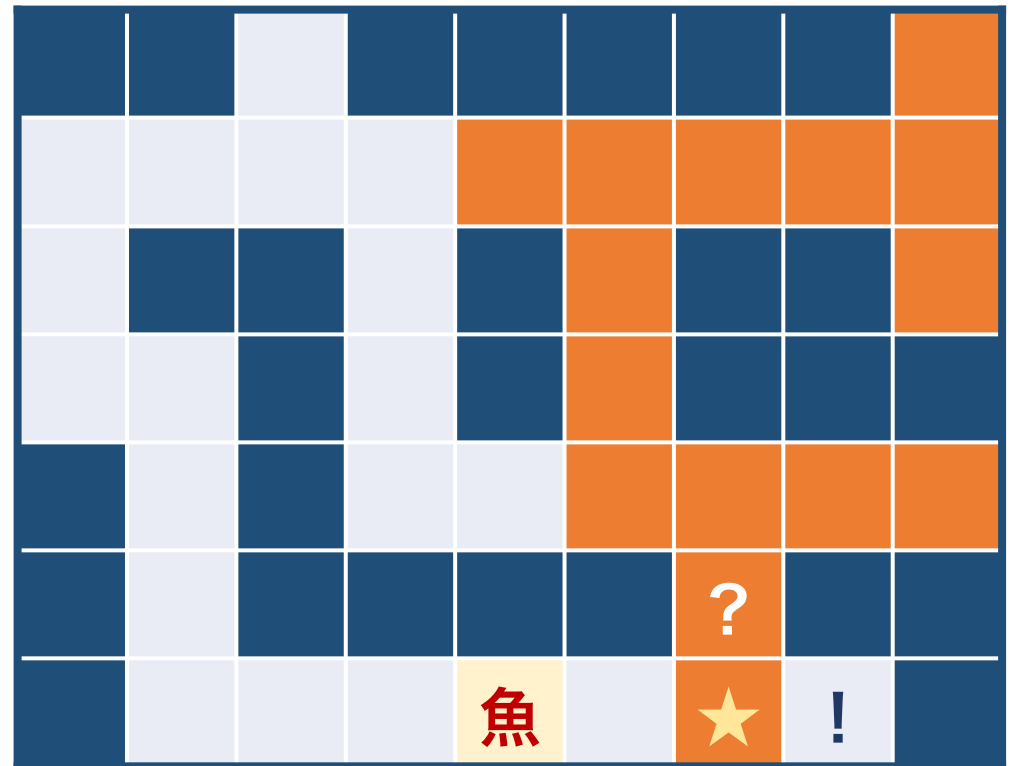


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

進む

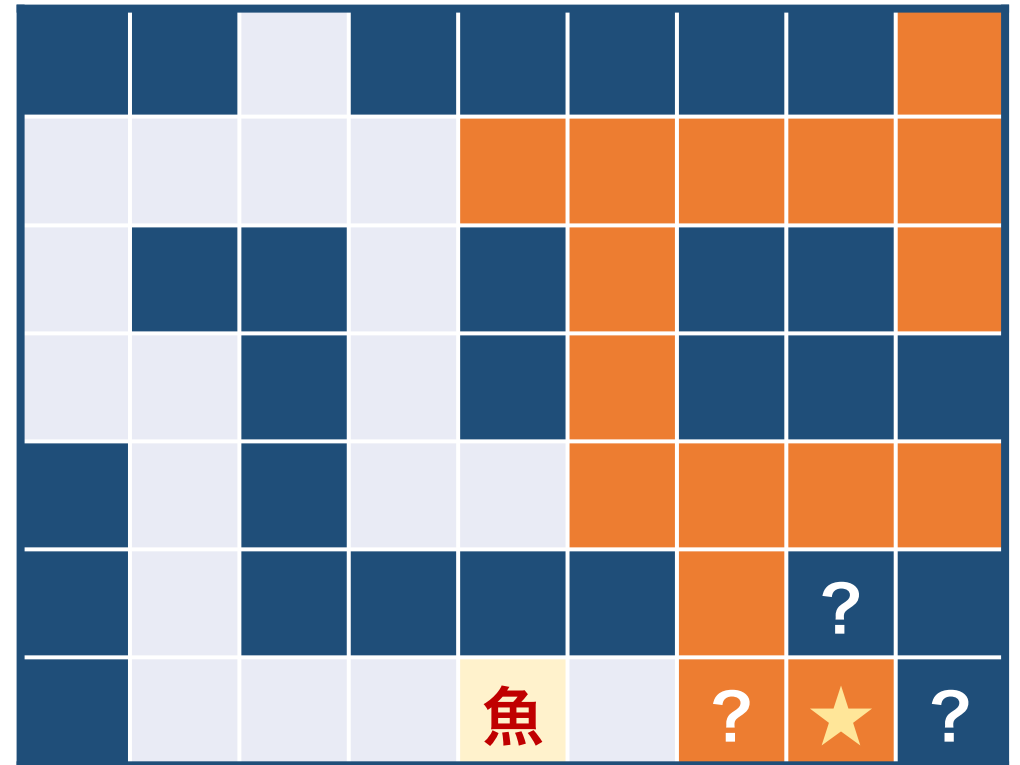


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

進む

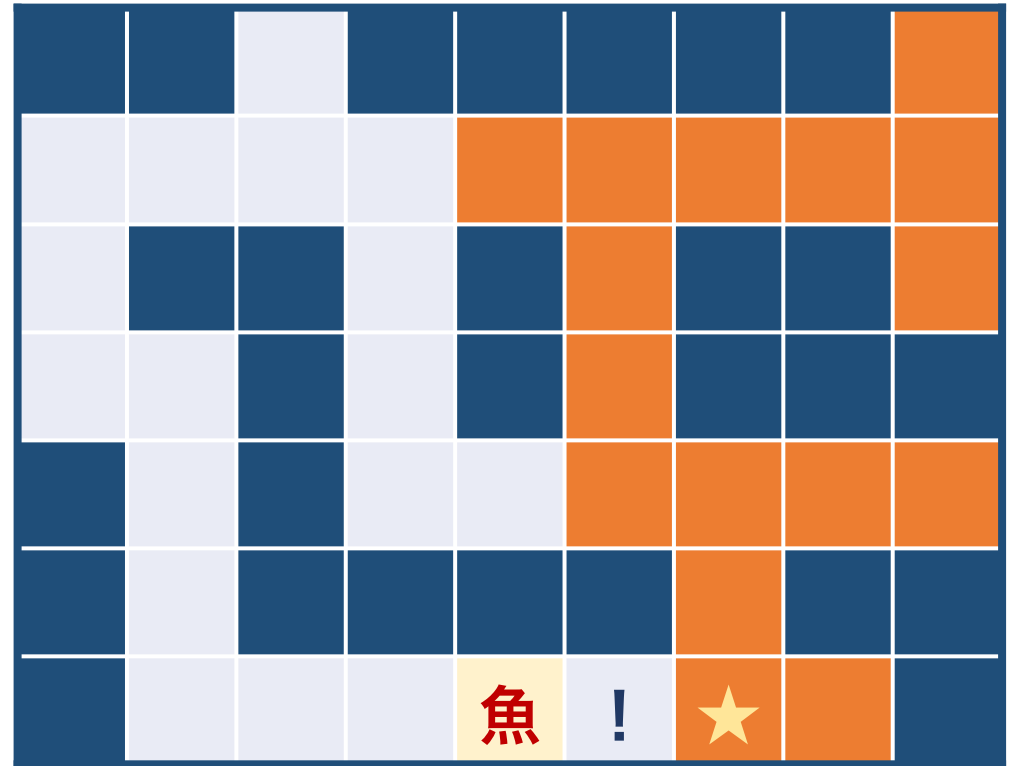


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

戻る

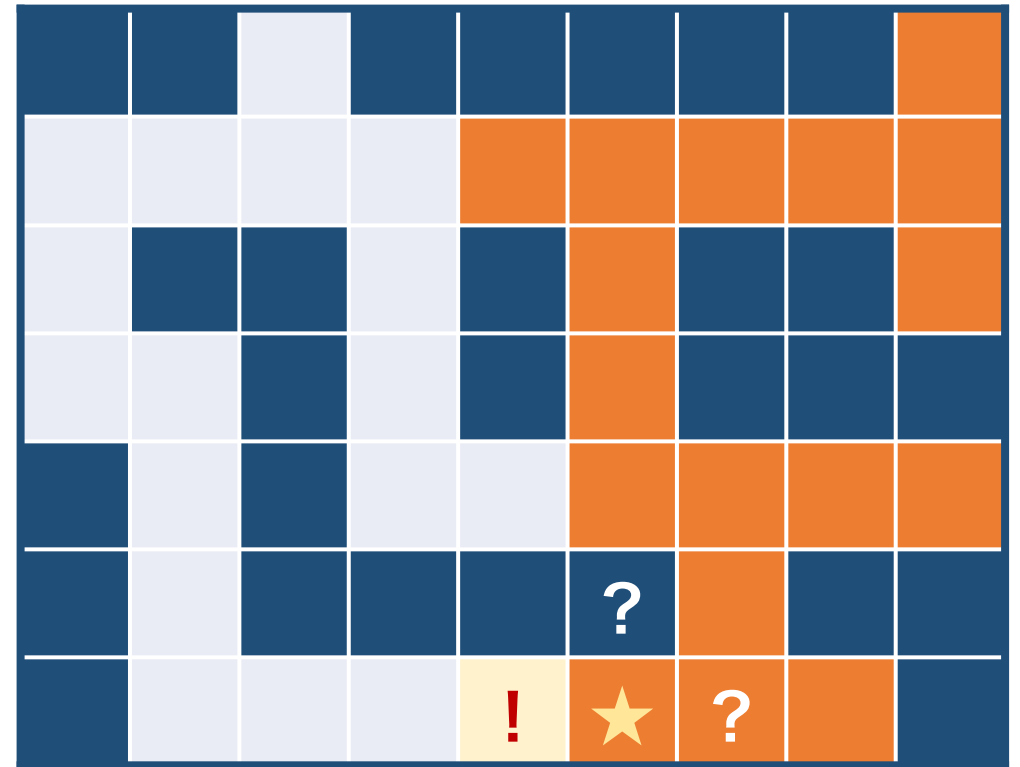


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

進む

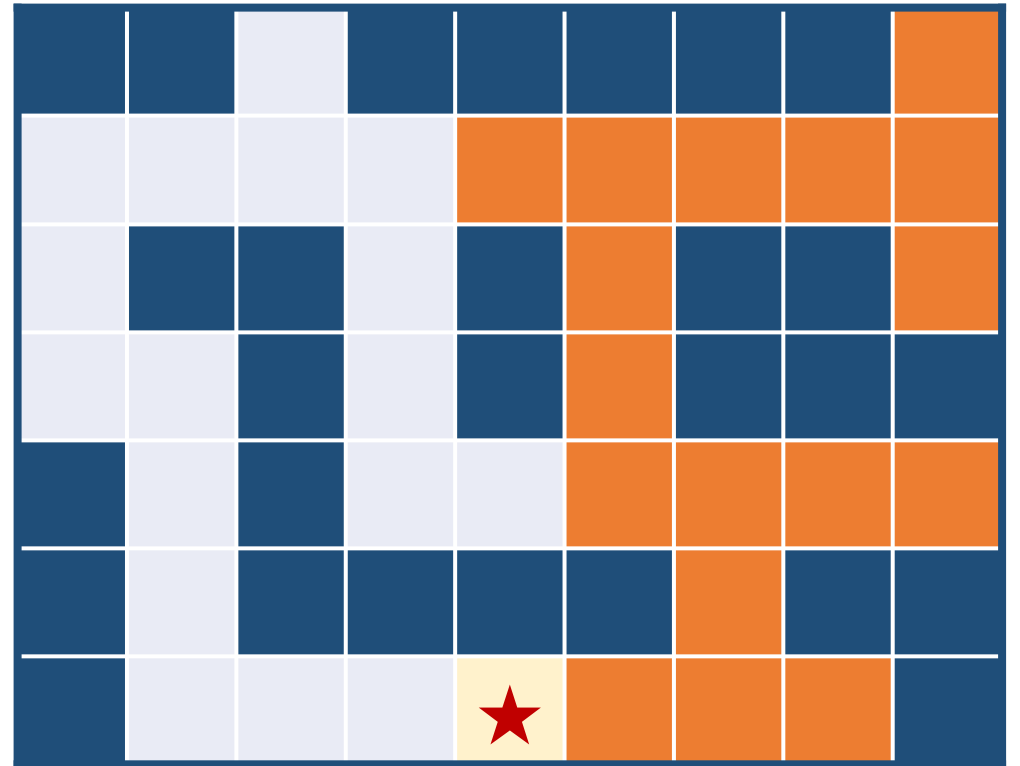


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

進む

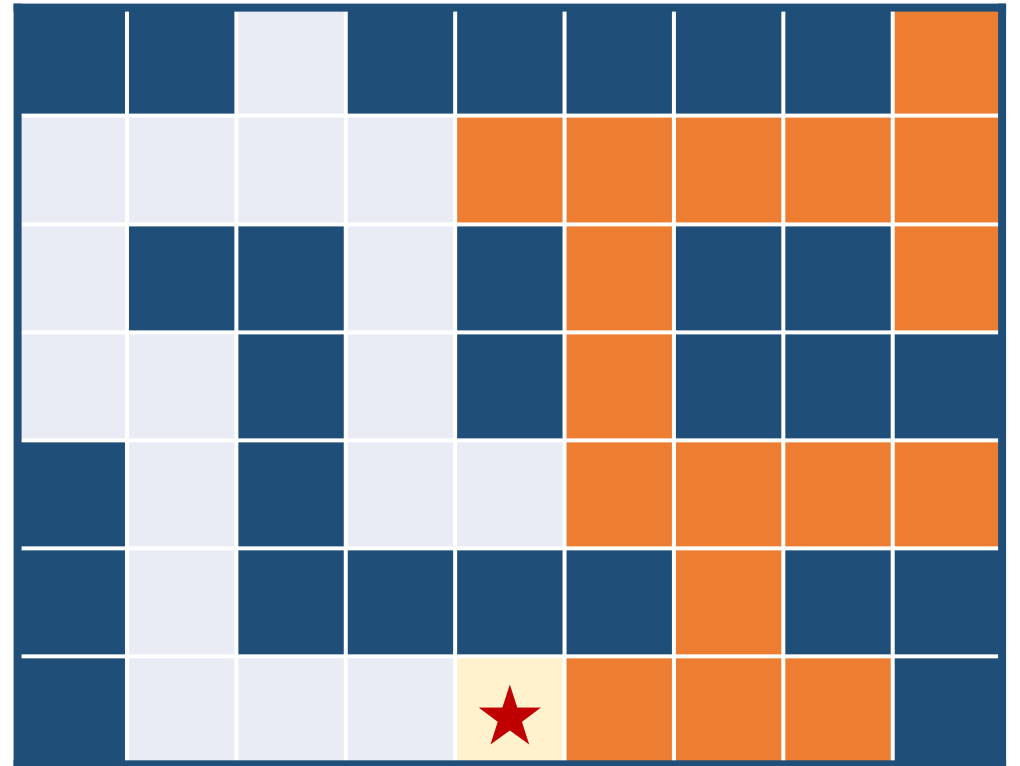


深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道に行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の場合

進む → あ、ここ魚屋じゃん



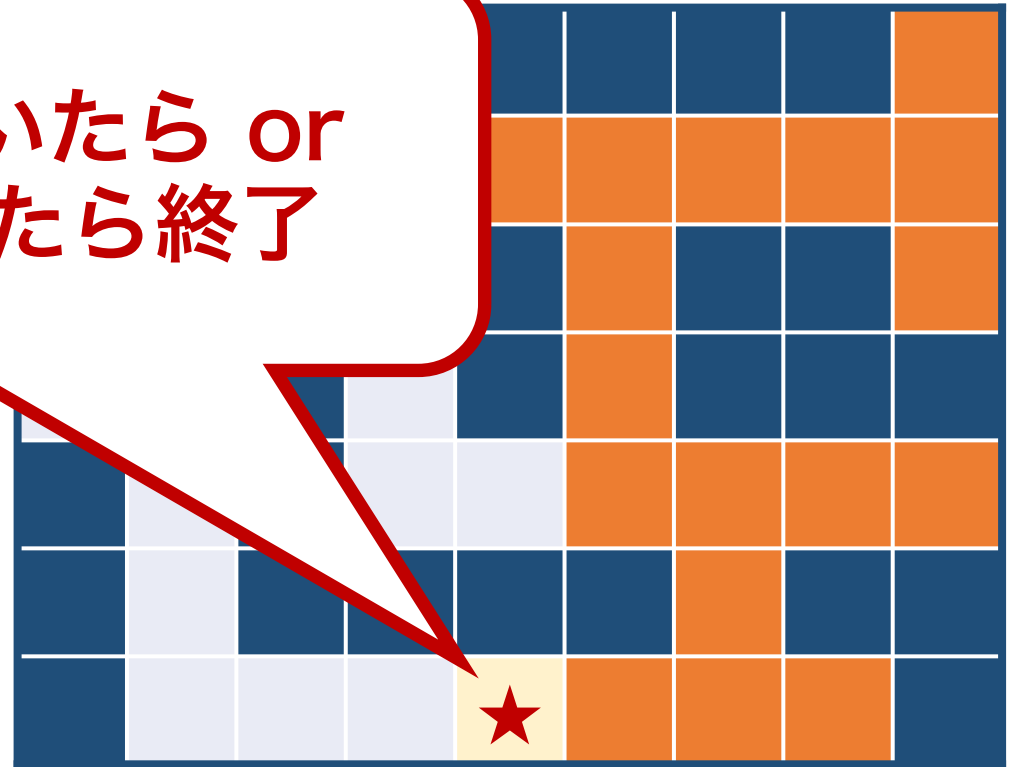
深さ優先探索 (Depth First Search) の動き

方針: ダンジョンの壁沿いにどんどん突き進む！
行き止まりにぶつかったら、
ちょっと戻って別の道を行く！

優先順位
上, 右, 下, 左 の

**ゴール地点に着いたら or
全地点を探索したら終了**

進む → あ、ここ魚屋じゃん



深さ優先探索の実装方法

各地点で同じ処理をやっているが、**進む方向が4つある**
→ 普通のループでは厳しそう

深さ優先探索の実装方法

各地点で同じ処理をやっているが、**進む方向が4つある**

→ 普通のループでは厳しそう

→ 関数の**再帰呼び出し**を使おう！ (関数が自分自身を呼び出す方法)

- まずは、右図の関数の実行イメージをつかもう

```
4 void func(int a){  
5     if(a == 0){ return; }  
6  
7     cout << "Hello" << endl;  
8     func(a - 1);  
9     cout << "World!" << endl;  
10  
11     return;  
12 }
```

深さ優先探索の実装方法

各地点で同じ処理をやっているが、**進む方向が4つある**

→ 普通のループでは厳しそう

→ 関数の**再帰呼び出し**を使おう！ (関数が自分自身を呼び出す方法)

- まずは、右図の関数の実行イメージをつかもう

例: $a = 2$ の場合のイメージ

func(2)

“Hello” と出力し、func(1) を実行

```
4 void func(int a){
5     if(a == 0){ return; }
6
7     cout << "Hello" << endl;
8     func(a - 1);
9     cout << "World!" << endl;
10
11     return;
12 }
```

深さ優先探索の実装方法

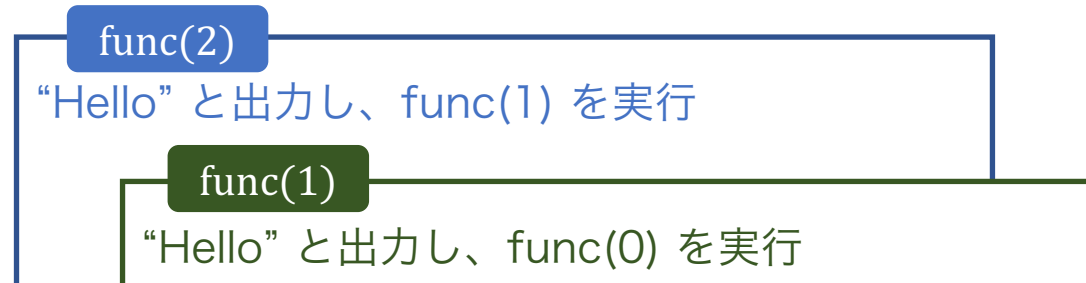
各地点で同じ処理をやっているが、**進む方向が4つある**

→ 普通のループでは厳しそう

→ 関数の**再帰呼び出し**を使おう！ (関数が自分自身を呼び出す方法)

- まずは、右図の関数の実行イメージをつかもう

例: $a = 2$ の場合のイメージ



```
4 void func(int a){  
5     if(a == 0){ return; }  
6  
7     cout << "Hello" << endl;  
8     func(a - 1);  
9     cout << "World!" << endl;  
10  
11     return;  
12 }
```

深さ優先探索の実装方法

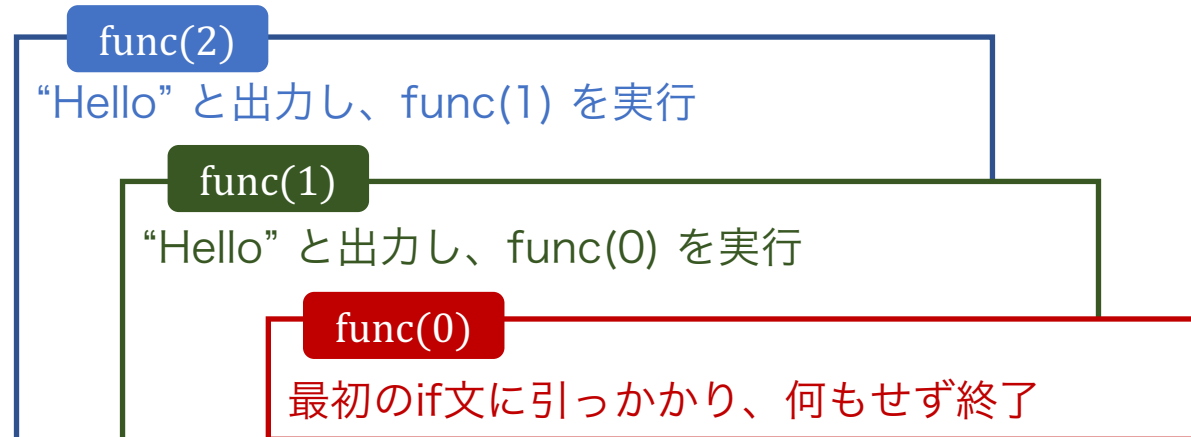
各地点で同じ処理をやっているが、**進む方向が4つある**

→ 普通のループでは厳しそう

→ 関数の**再帰呼び出し**を使おう！ (関数が自分自身を呼び出す方法)

- まずは、右図の関数の実行イメージをつかもう

例: $a = 2$ の場合のイメージ



```
4 void func(int a){  
5     if(a == 0){ return; }  
6  
7     cout << "Hello" << endl;  
8     func(a - 1);  
9     cout << "World!" << endl;  
10  
11     return;  
12 }
```

深さ優先探索の実装方法

各地点で同じ処理をやっているが、**進む方向が4つある**

→ 普通のループでは厳しそう

→ 関数の**再帰呼び出し**を使おう！ (関数が自分自身を呼び出す方法)

- まずは、右図の関数の実行イメージをつかもう

例: $a = 2$ の場合のイメージ



```
4 void func(int a){
5     if(a == 0){ return; }
6
7     cout << "Hello" << endl;
8     func(a - 1);
9     cout << "World!" << endl;
10
11     return;
12 }
```

深さ優先探索の実装方法

各地点で同じ処理をやっているが、**進む方向が4つある**

→ 普通のループでは厳しそう

→ 関数の**再帰呼び出し**を使おう！ (関数が自分自身を呼び出す方法)

- まずは、右図の関数の実行イメージをつかもう

例: $a = 2$ の場合のイメージ



```
4 void func(int a){
5     if(a == 0){ return; }
6
7     cout << "Hello" << endl;
8     func(a - 1);
9     cout << "World!" << endl;
10
11     return;
12 }
```

実装例 (1/2)

- main関数部

入力を受け取るのに
二重ループ

→ $O(HW)$

```
34 int main(void){
35     int h, w;
36     cin >> h >> w;
37
38     char input;
39     int sx, sy, gx, gy;
40     vector<vector<bool>> > canGo(h + 2, vector<bool>(w + 2, false));
41     for(int i = 1; i <= h; i++){
42         for(int j = 1; j <= w; j++){
43             cin >> input;
44             if(input != '#'){ canGo[i][j] = true; }
45             if(input == 's'){
46                 sx = i;
47                 sy = j;
48             }
49             if(input == 'g'){
50                 gx = i;
51                 gy = j;
52             }
53         }
54     }
55
56     // 深さ優先探索をして結果を出力
57     bool result = dfs(sx, sy, gx, gy, canGo);
58     if(result){ cout << "Yes" << endl; }
59     else{ cout << "No" << endl; }
60
61     return 0;
62 }
```

実装例 (2/2)

- 探索部

この関数が
各地点につき
1回実行される

→ $O(HW)$

```
1 #include <iostream>
2 #include <vector>
3 using namespace std;
4
5 int needleX[4] = {-1, 0, 1, 0};
6 int needleY[4] = {0, 1, 0, -1};
7
8 bool dfs(int x, int y, int goalx, int goaly, vector<vector<bool> >& canGo){
9     // ゴールにたどり着いたらtrue
10    if(x == goalx && y == goaly){ return true; }
11
12    // 今いる地点を探索済みにする
13    canGo[x][y] = false;
14
15    // 自分から見て4方向に着いて
16    for(int i = 0; i < 4; i++){
17        int next_x = x + needleX[i];
18        int next_y = y + needleY[i];
19
20        // 進めそうだったら進む
21        if(canGo[next_x][next_y]){
22            bool flag = dfs(next_x, next_y, goalx, goaly, canGo);
23            // 「こっち方向に魚屋あるよー」って返ってきたらtrue
24            if(flag)
25                return true;
26        }
27    }
28
29    // ダメだったらfalse
30    return false;
31 }
```


実装例 (2/2)

- 探索部

この関数が
各地点につき
1回実行される

→ $O(HW)$

合計 $O(HW)$

```
1 #include <iostream>
2 #include <vector>
3 using namespace std;
4
5 int needleX[4] = {-1, 0, 1, 0};
6 int needleY[4] = {0, 1, 0, -1};
7
8 bool dfs(int x, int y, int goalx, int goaly, vector<vector<bool>> & canGo){
9     // ゴールにたどり着いたらtrue
10    if(x == goalx && y == goaly){ return true; }
11
12    // 今いる地点を探索済みにする
13    canGo[x][y] = false;
14
15    // 自分から見て4方向に着いて
16    for(int i = 0; i < 4; i++){
17        int next_x = x + needleX[i];
18        int next_y = y + needleY[i];
19
20        // 進めそうだったら進む
21        if(canGo[next_x][next_y]){
22            bool flag = dfs(next_x, next_y, goalx, goaly, canGo);
23            // 「こっち方向に魚屋あるよー」って返ってきたらtrue
24            if(flag)
25                return true;
26        }
27    }
28
29    // ダメだったらfalse
30    return false;
31 }
```

実装上のテクニック

- **方位配列 (命名 僕):**

「自分からみた4方向」をforループで手軽に回せる！

```
int needleX[4] = {-1, 0, 1, 0};  
int needleY[4] = {0, 1, 0, -1};
```

- **地図領域を余分に確保:**

一番外側を壁にすることで配列外アクセスを防げる！

```
vector<vector<bool> > canGo(h + 2, vector<bool>(w + 2, false));
```

- **参照渡し:**

これをやらないとやばい！

```
vector<vector<bool> >& canGo){
```

実装上のテクニック

- 方位配列 (命名 備い)

「自分から」

```
int need  
int need
```

- 地図領域を
一番外側を

```
vector<v
```

深さ優先探索の仲間に
「幅優先探索」というのもあるので
気になった人はホームページへ！

HCPC活動記録 (最短路・最小全域木)

<http://hcpc.web.fc2.com/activities.html>

```
+ 2, false));
```

- 参照渡し:

これをやらないとやばい！

```
vector<vector<bool> >& canGo){
```

目次

- テクニックの前に
 - HCPC勉強会に来たときの心得
 - 役立つ本の紹介
 - 時間計算量の気持ち
 - C++の便利機能入門
- 全探索
 - 線形探索
 - 深さ優先探索
- **簡単な算数**
 - **最大公約数と最小公倍数**
 - **素数判定**
- 貪欲法
- シミュレーション

Q3.

2つの自然数 x, y が与えられるので、最大公約数を求めよう！

- **Input**

$x \ y$

- **Constraints**

$1 \leq x, y \leq 10^9$

- **Time Limit**

1 sec

Q3.

2つの自然数 x, y が与えられるので、最大公約数を求めよう！

- **Input**

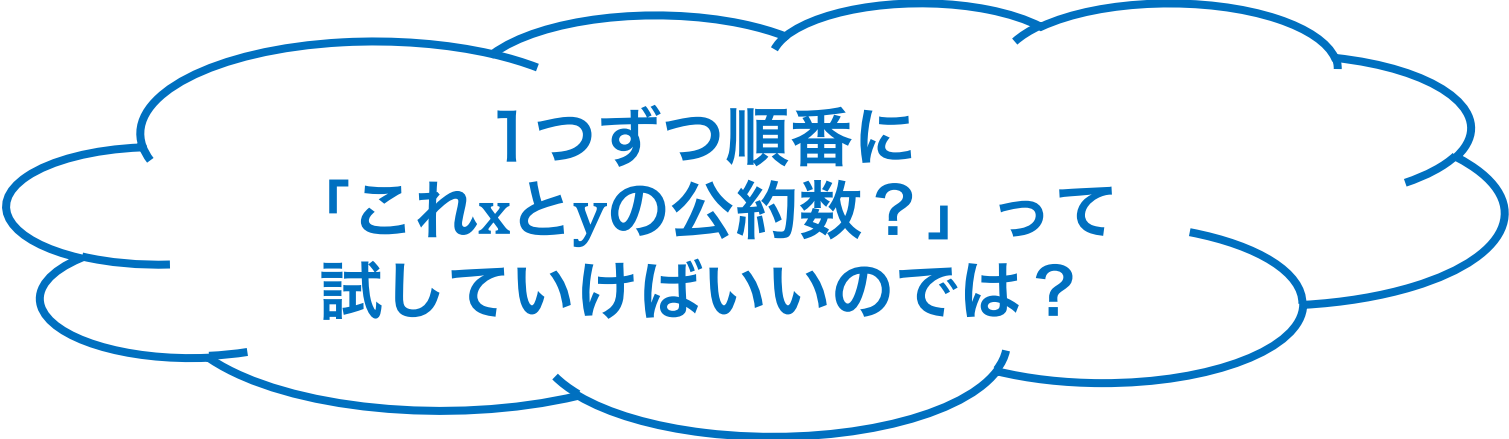
$x \ y$

- **Constraints**

$1 \leq x, y \leq 10^9$

- **Time Limit**

1 sec



1つずつ順番に
「これ x と y の公約数？」って
試していけばいいのでは？

Q3.

2つの自然数 x, y が与えられるので、最大公約数を求めよう！

- **Input**

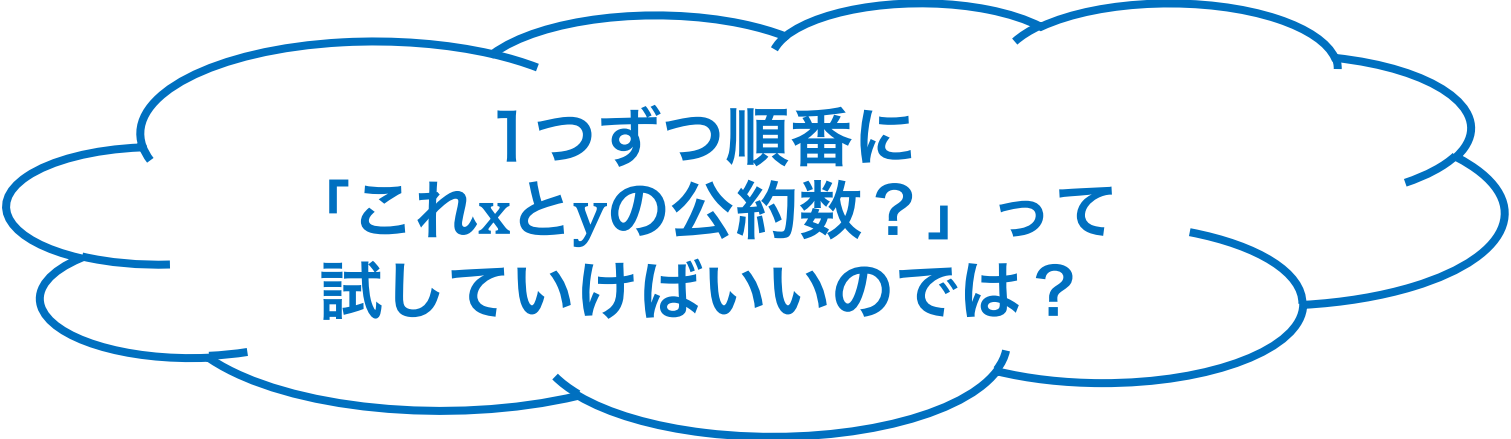
$x \ y$

- **Constraints**

$1 \leq x, y \leq 10^9$

- **Time Limit**

1 sec



1つずつ順番に
「これ x と y の公約数？」って
試していけばいいのでは？



**線形探索じゃ
間に合わない！**

公約数の特徴

- x と y の公約数は、必ず $x\%y$ の約数になっている (逆も然り)

$x=8$



$y=6$



$x\%y=2$



→ つまり、 x と y の最大公約数は、
 y と $x\%y$ の最大公約数に一致する！

ユークリッドの互除法 (Euclidean Algorithm)

「aとbの最大公約数は
bとa%bの最大公約数である」

を、**そのまま再帰で書くだけ**
(bが0になったときのaが答え)

```
1 #include <iostream>
2 using namespace std;
3
4 int gcd(int a, int b){
5     if(b == 0){ return a; }
6     return gcd(b, a % b);
7 }
8
9 int main(void){
10     int x, y;
11     cin >> x >> y;
12     cout << gcd(x, y) << endl;
13     return 0;
14 }
```

ユークリッドの互除法 (Euclidean Algorithm)

「aとbの最大公約数は
bとa%bの最大公約数である」

を、**そのまま再帰で書くだけ**
(bが0になったときのaが答え)

Q. 時間計算量はいくつになるの？

```
1 #include <iostream>
2 using namespace std;
3
4 int gcd(int a, int b){
5     if(b == 0){ return a; }
6     return gcd(b, a % b);
7 }
8
9 int main(void){
10     int x, y;
11     cin >> x >> y;
12     cout << gcd(x, y) << endl;
13     return 0;
14 }
```

ユークリッドの互除法 (Euclidean Algorithm)

「aとbの最大公約数は
bとa%bの最大公約数である」

を、**そのまま再帰で書くだけ**
(bが0になったときのaが答え)

Q. 時間計算量はいくつになるの？

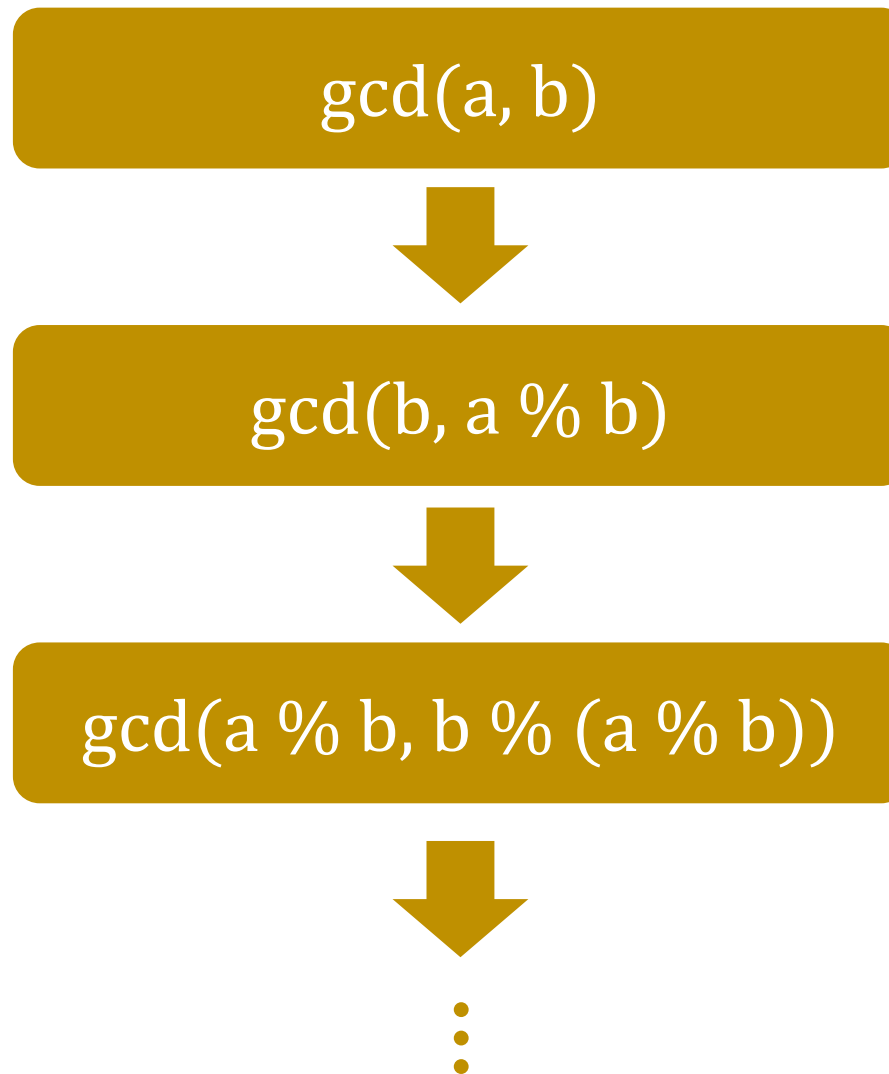
ちょっと解析してみよう

```
1 #include <iostream>
2 using namespace std;
3
4 int gcd(int a, int b){
5     if(b == 0){ return a; }
6     return gcd(b, a % b);
7 }
8
9 int main(void){
10     int x, y;
11     cin >> x >> y;
12     cout << gcd(x, y) << endl;
13     return 0;
14 }
```

ユークリッドの互除法の解析

ここで着目すべき性質はコレ

$$a \% b < \frac{a}{2}$$

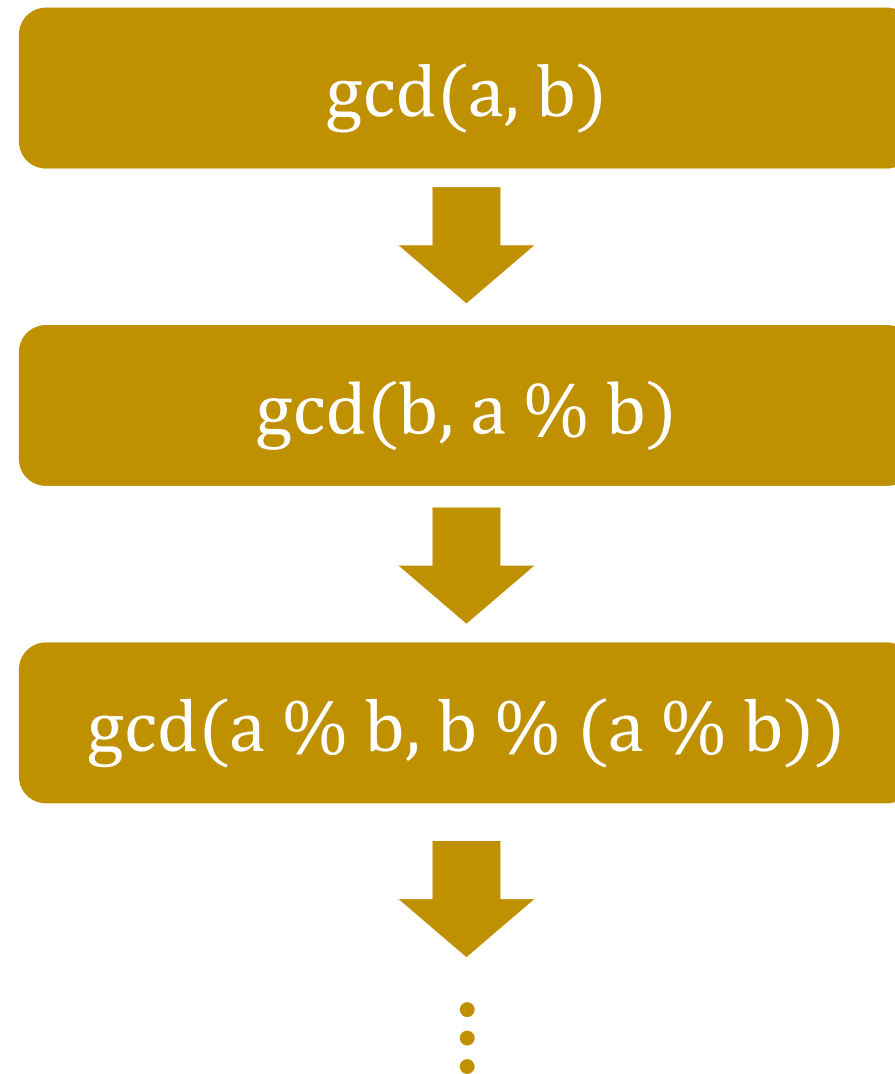
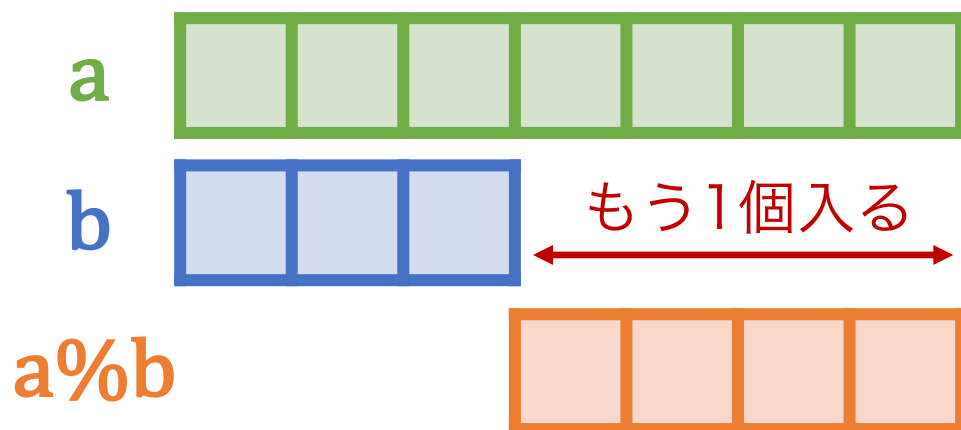


ユークリッドの互除法の解析

ここで着目すべき性質はコレ

$$a \% b < \frac{a}{2}$$

- 仮にこれが満たされなかったら……



ユークリッドの互除法の解析

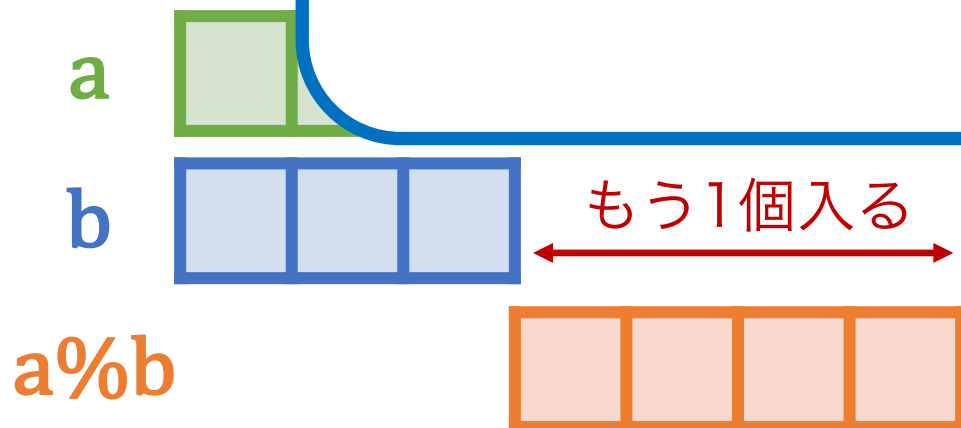
ここで着目すべき性質はコレ

$a \% b$

再帰を2段階進むごとに
引数の値が半分以下に

→ 関数の呼び出し回数は高々 $2\log a$ 程度

• 仮にこれが



$\text{gcd}(a, b)$

$\text{gcd}(a \% b, b \% (a \% b))$



ユークリッドの互除法の解析

ここで着目すべき性質はコレ

$a \% b$

• 仮にこれが

再帰を2段階進むごとに
引数の値が半分以下に

→ 関数の呼び出し回数は高々 $2\log a$ 程度

→ $O(\log a)$ 時間

a

b

$a \% b$

もう1個入る

$\text{gcd}(a, b)$

$\text{gcd}(a \% b, b \% (a \% b))$



ところで、最小公倍数は？

ところで、最小公倍数は？

- x と y の最大公約数を $\text{GCD}(x, y)$
 x と y の最小公倍数を $\text{LCM}(x, y)$ とすると

$\text{LCM}(x, y)\text{GCD}(x, y) = xy$ という性質がある

導出のポイント: $x=n\text{GCD}(x, y)$, $y=m\text{GCD}(x, y)$ と書いたとき
 n と m は互いに素である

ところで、最小公倍数は？

- x と y の最大公約数を $\text{GCD}(x, y)$
 x と y の最小公倍数を $\text{LCM}(x, y)$ とすると

$\text{LCM}(x, y)\text{GCD}(x, y) = xy$ という性質がある

導出のポイント: $x=n\text{GCD}(x, y)$, $y=m\text{GCD}(x, y)$ と書いたとき
 n と m は互いに素である

→ 最大公約数さえ求まれば、あとは $O(1)$ で求まる！

Q4.

n個の自然数が与えられるので、
そのうち素数だったものの個数を求めよう！

- **Input**

1行目 N

2行目 1番目の自然数 a_1

⋮

$N+1$ 行目 N 番目の自然数 a_N

- **Constraints**

$$1 \leq N \leq 10^6$$

$$1 \leq a_i \leq 10^6$$

- **Time Limit**

1 sec

普通の素数判定

- 普通の素数判定は、
線形探索で $O(\sqrt{a})$ でできる
 - $a=bc$ という合成数だった場合
bとcの一方は必ず $\sqrt{a}$ 以下

```
4 bool isPrim(int a){
5     if(a <= 1){ return false; }
6
7     for(int i = 2; i * i <= a; i++)
8         if(a % i == 0)
9             return false;
10
11     return true;
12 }
```

普通の素数判定

- 普通の素数判定は、線形探索で $O(\sqrt{a})$ でできる
 - $a=bc$ という合成数だった場合 b と c の一方は必ず $\sqrt{a}$ 以下

```
4 bool isPrim(int a){
5     if(a <= 1){ return false; }
6
7     for(int i = 2; i * i <= a; i++)
8         if(a % i == 0)
9             return false;
10
11     return true;
12 }
```

今回はこれをN回やる必要があるので $O(N\sqrt{a})$

およそ 10^9 回の計算 → 厳しい

もっと高速なアルゴリズムが必要

エラトステネスの篩 (Sieve of Eratosthenes)

- 方針: あらかじめ「素数かどうかテーブル」を作っておけば、あとはそのテーブルを $O(1)$ で参照すればいい

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24
F	F	T	T	F	T	F	T	F	F	F	T	F	T	F	F	F	T	F	T	F	F	F	T	F

エラトステネスの篩 (Sieve of Eratosthenes)

- 方針: あらかじめ「素数かどうかテーブル」を作っておけば、あとはそのテーブルを $O(1)$ で参照すればいい

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24
F	F	T	T	F	T	F	T	F	F	F	T	F	T	F	F	F	T	F	T	F	F	F	T	F

とはいえ、このテーブルが高速に作れなければ意味がない

エラトステネスの篩 (Sieve of Eratosthenes)

- 方針: あらかじめ「**素数かどうかテーブル**」を作っておけば、あとはそのテーブルを $O(1)$ で参照すればいい

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24
F	F	T	T	F	T	F	T	F	F	F	T	F	T	F	F	F	T	F	T	F	F	F	T	F

とはいえ、このテーブルが高速に作れなければ意味がない

ポイント: a 以下の合成数は必ず $\sqrt{a}$ 以下の約数を持つ

エラトステネスの篩 (Sieve of Eratosthenes)

- 方針: あらかじめ「**素数かどうかテーブル**」を作っておけば、あとはそのテーブルを $O(1)$ で参照すればいい

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24
F	F	T	T	F	T	F	T	F	F	F	T	F	T	F	F	F	T	F	T	F	F	F	T	F

とはいえ、このテーブルが高速に作れなければ意味がない

ポイント: a 以下の合成数は必ず $\sqrt{a}$ 以下の約数を持つ

→ **$\sqrt{a}$ 以下の全自然数の倍数をfalseにしておけばいい**

テーブル構築の動き

- $a \leq 80$ の場合

(青背景: true / 黄背景: false)

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80

テーブル構築の動き

- $a \leq 80$ の場合

まず1だけfalseに初期化

(青背景: true / 黄背景: false)

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80

テーブル構築の動き

- $a \leq 80$ の場合

次に2をチェック → 素数らしい

(青背景: true / 黄背景: false)

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80

テーブル構築の動き

- $a \leq 80$ の場合

2の倍数をすべてfalseに

(青背景: true / 黄背景: false)

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80

テーブル構築の動き

- $a \leq 80$ の場合

次に3をチェック → 素数らしい

(青背景: true / 黄背景: false)

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80

テーブル構築の動き

- $a \leq 80$ の場合

3の倍数をすべてfalseに

(青背景: true / 黄背景: false)

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80

テーブル構築の動き

- $a \leq 80$ の場合

4は素数じゃないらしいのでスルー

(青背景: true / 黄背景: false)

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80

テーブル構築の動き

- $a \leq 80$ の場合

5は素数らしいので、その倍数を全部false (青背景: true / 黄背景: false)

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80

テーブル構築の動き

- $a \leq 80$ の場合

6はスルー

(青背景: true / 黄背景: false)

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80

テーブル構築の動き

- $a \leq 80$ の場合

7は素数らしいので、その倍数を全部false (青背景: true / 黄背景: false)

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80

テーブル構築の動き

- $a \leq 80$ の場合

8はスルー

(青背景: true / 黄背景: false)

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80

テーブル構築の動き

- $a \leq 80$ の場合

$\sqrt{80} < 9$ なので終了

(青背景: true / 黄背景: false)

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80

実装例

- テーブルの構築時間は
 $O(\text{aloglog}a)$ 時間
であることが知られている
- 調和級数の性質を用いると
 $O(\text{alog}a)$ 以下であることは
簡単に証明できる
- 素数の逆数和の発散速度の
性質を用いると
 $O(\text{aloglog}a)$ が証明できるらしい
(誰かこの証明理解したら教えてね)

```
1 #include <iostream>
2 #include <vector>
3 using namespace std;
4
5 #define MAX_N (1e6)+1
6
7 int main(void){
8     // テーブルを作る
9     vector<bool> eratos(MAX_N, true);
10    eratos[0] = eratos[1] = false;
11    for(int i = 2; i * i < MAX_N; i++)
12        if(eratos[i])
13            for(int j = 2; i * j < MAX_N; j++)
14                eratos[i * j] = false;
15
16    // クエリ処理
17    int n, input, ans = 0;
18    cin >> n;
19    for(int i = 0; i < n; i++){
20        cin >> input;
21        if(eratos[input])
22            ++ans;
23    }
24
25    // 出力
26    cout << ans << endl;
27    return 0;
28 }
```

目次

- テクニクの前に
 - HCPC勉強会に来たときの心得
 - 役立つ本の紹介
 - 時間計算量の気持ち
 - C++の便利機能入門
- 全探索
 - 線形探索
 - 深さ優先探索
- 簡単な算数
 - 最大公約数と最小公倍数
 - 素数判定
- **貪欲法**
- シミュレーション

Q5.

1円玉・5円玉・10円玉・50円玉・100円玉・500円玉が、
それぞれ c_1 枚・ c_5 枚・ c_{10} 枚・ c_{50} 枚・ c_{100} 枚・ c_{500} 枚ある

なるべく少ない枚数の硬貨でA円のものを買いたい！
最低何枚の硬貨で買い物ができるか

- **Input**

A

c_1 c_5 c_{10} c_{50} c_{100} c_{500}

- **Constraints**

$1 \leq A, c_i \leq 10^9$

- **Time Limit**

1 sec



Q5.

1円玉・5円玉・10円玉・50円玉・100円玉・500円玉が、
それぞれ c_1 枚・ c_5 枚・ c_{10} 枚・ c_{50} 枚・ c_{100} 枚・ c_{500} 枚ある。

なるべく
最低何枚

500円から順番に
使えるだけ使っていけばいい！

- Input

A

c_1 c_5

- Cons

$1 \leq A$

- Time Limit

1 sec



Q5.

1円玉・5円玉・10円玉・50円玉・100円玉・500円玉が、
それぞれ c_1 枚、 c_5 枚、 c_{10} 枚、 c_{50} 枚、 c_{100} 枚、 c_{500} 枚ある。

なるべく
最低何枚

- Input

A

c_1 c_5

- Cons

$1 \leq A$

- Time Limit

1 sec

500円から順番に
使えるだけ使っていけばいい！

この手法を **貪欲法** とよぶ



実装例

- 時間計算量: $O(1)$

正確には
 $O(\text{硬貨の種類数})$

```
1 #include <iostream>
2 #include <vector>
3 #include <algorithm>
4 using namespace std;
5
6 #define N 6
7
8 int main(void){
9     // 入力を受け取る
10    int a;
11    cin >> a;
12    vector<int> c(N);
13    for(int i = 0; i < N; i++){
14        cin >> c[i];
15
16        // 各コインについてループ
17        int ans = 0;
18        int coin[6] = {1, 5, 10, 50, 100, 500};
19        for(int i = N - 1; i >= 0; i--){
20            // コインを使えるだけ使う
21            int cnt = min(a / coin[i], c[i]);
22            a -= cnt * coin[i];
23            ans += cnt;
24        }
25
26        // 結果を出力
27        cout << ans << endl;
28        return 0;
29 }
```

目次

- テクニクの前に
 - HCPC勉強会に来たときの心得
 - 役立つ本の紹介
 - 時間計算量の気持ち
 - C++の便利機能入門
- 全探索
 - 線形探索
 - 深さ優先探索
- 簡単な算数
 - 最大公約数と最小公倍数
 - 素数判定
- 貪欲法
- **シミュレーション**

Q6.

H×5の盤面に石が埋め込まれて、以下の手順で進行する

1. 同じ色の石が3つ以上水平に並んでいたら、その石は消える
2. 石が消滅したマスの上に石があれば、空きを埋めるように石が落ちる
3. すべての石が落ちきった後、1の条件を満たす石があれば1に戻る

最終的に、消滅した石の数字の合計がスコアになる
パズルの盤面が与えられるので、得られるスコアを求めよう！

- **Input**

1行目 行数 H

2行目 行1の石 $s_{1,1}$ $s_{1,2}$ $s_{1,3}$ $s_{1,4}$ $s_{1,5}$

⋮

H+1行目 行Hの石 $s_{H,1}$ $s_{H,2}$ $s_{H,3}$ $s_{H,4}$ $s_{H,5}$

- **Constraints**

$1 \leq H \leq 10$

$1 \leq s_{i,j} \leq 9$

- **Time Limit**

8 sec

Q6.

- **Sample Input**

5

5 9 5 5 9

5 5 6 9 9

4 6 3 6 9

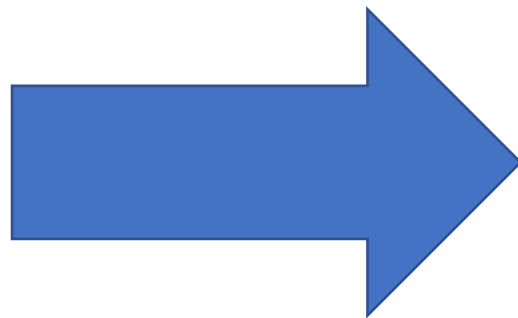
3 3 2 9 9

2 2 1 1 1

Q6.

- Sample Input

5
5 9 5 5 9
5 5 6 9 9
4 6 3 6 9
3 3 2 9 9
2 2 1 1 1



5	9	5	5	9
5	5	6	9	9
4	6	3	6	9
3	3	2	9	9
2	2	1	1	1

スコア: 0

Q6.

- **Sample Input**

5
5 9 5 5 9
5 5 6 9 9
4 6 3 6 9
3 3 2 9 9
2 2 1 1 1

5	9	5	5	9
5	5	6	9	9
4	6	3	6	9
3	3	2	9	9
2	2	1	1	1

スコア: 0

Q6.

- **Sample Input**

5

5 9 5 5 9

5 5 6 9 9

4 6 3 6 9

3 3 2 9 9

2 2 1 1 1

5	9			
5	5	5	5	9
4	6	6	9	9
3	3	3	6	9
2	2	2	9	9

スコア: 3

Q6.

- Sample Input

5
5 9 5 5 9
5 5 6 9 9
4 6 3 6 9
3 3 2 9 9
2 2 1 1 1

5	9			
5	5	5	5	9
4	6	6	9	9
3	3	3	6	9
2	2	2	9	9

スコア: 3

Q6.

- **Sample Input**

5

5 9 5 5 9

5 5 6 9 9

4 6 3 6 9

3 3 2 9 9

2 2 1 1 1

				9
			9	9
5	9		6	9
4	6	6	9	9

スコア: 38

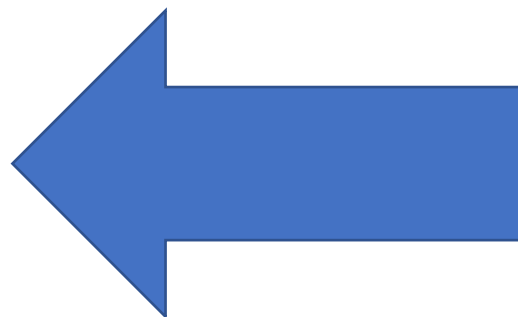
Q6.

- **Sample Input**

5
5 9 5 5 9
5 5 6 9 9
4 6 3 6 9
3 3 2 9 9
2 2 1 1 1

- **Sample Output**

38



				9
			9	9
5	9		6	9
4	6	6	9	9

スコア: 38

Q6.

- Sample Input

5
5 9
5 5
4 6
3 3
2 2

この様子をひたすら再現すればいい！

- Sample Output

38

スコア: 38

Q6.

- Sample Input

5
5 9
5 5
4 6
3 3
2 2

この様子をひたすら再現すればいい！
この手法を **シミュレーション** とよぶ

- Sample Output

38

スコア: 38

```

1 #include <iostream>
2 #include <vector>
3 using namespace std;
4
5 #define W 5
6 #define DELETE -1
7
8 int main(void){
9     while(true){
10         int H;
11         cin >> H;
12         if(H == 0){ break; }
13
14         // 盤面を受け取る
15         vector<vector<int> > puyo(H, vector<int>(W));
16         for(int i = 0; i < H; i++){
17             for(int j = 0; j < W; j++){
18                 cin >> puyo[i][j];
19
20             // 石が消えるまで繰り返す
21             int flag, ans = 0;
22             do{
23                 // 最初にフラグを折っておく
24                 flag = false;
25
26                 // すべての地点について
27                 for(int i = 0; i < H; i++){
28                     for(int j = 0; j < W; j++){
29                         if(puyo[i][j] == DELETE){ continue; }
30
31                         // 位置[i][j]をスタートとして
32                         // 色が同じである区間を求める
33                         int seg;
34                         for(seg = 1; j + seg < W; seg++){
35                             if(puyo[i][j] != puyo[i][j + seg])
36                                 break;

```

```

38         // 連続区間が3以上だったら消す
39         if(seg >= 3){
40             for(int k = 0; k < seg; k++){
41                 // 消す場合はフラグを立て、コストを加算する
42                 flag = true;
43                 ans += puyo[i][j + k];
44                 puyo[i][j + k] = DELETE;
45             }
46         }
47     }
48 }
49
50 // DELETE になった石を上を持ち上げていく
51 // (バブルソートチェック)
52 for(int k = 0; k < H; k++){
53     for(int i = 1; i < H; i++){
54         for(int j = 0; j < W; j++){
55             if(puyo[i][j] == DELETE){
56                 int tmp = puyo[i][j];
57                 puyo[i][j] = puyo[i - 1][j];
58                 puyo[i - 1][j] = tmp;
59             }
60         }
61     }
62 }
63
64 }while(flag);
65
66 // 答えを出力
67 cout << ans << endl;
68 }
69
70 return 0;
71 }

```

$$O(HW(HW^2 + H^2W)) \\ = O(H^3)$$

```

1 #include <iostream>
2 #include <vector>
3 using namespace std;
4
5 #define W 5
6 #define DELETE -1
7
8 int main(void){
9     while(true){
10         int H;
11         cin >> H;
12         if(H == 0){ break; }
13
14         // 盤面を受け取る
15         vector<vector<int> > puyo(H, vector<int>(W));
16         for(int i = 0; i < H; i++){
17             for(int j = 0; j < W; j++){
18                 cin >> puyo[i][j];
19
20             // 石が消えるまで繰り返す
21             int flag, ans = 0;
22             do{
23                 // 最初にフラグを折っておく
24                 flag = false;
25
26                 // すべての地点について
27                 for(int i = 0; i < H; i++){
28                     for(int j = 0; j < W; j++){
29                         if(puyo[i][j] == DELETE){ continue; }
30
31                         // 位置[i][j]をスタートとして
32                         // 色が同じである区間を求める
33                         int seg;
34                         for(seg = 1; j + seg < W; seg++){
35                             if(puyo[i][j] != puyo[i][j + seg])
36                                 break;

```

```

37         }
38     }
39     // 連続区間が3以上だったら消す
40     if(seg >= 3){
41         for(int k = 0; k < seg; k++){
42             // 消す場合はフラグを立て、コストを加算する
43             flag = true;
44             ans += puyo[i][j + k];
45             puyo[i][j + k] = DELETE;
46         }
47     }
48 }
49
50 // DELETE になった石を上を持ち上げていく
51 // (バブルソートチェック)
52 for(int k = 0; k < H; k++){
53     for(int i = 1; i < H; i++){
54         for(int j = 0; j < W; j++){
55             if(puyo[i][j] == DELETE){
56                 int tmp = puyo[i][j];
57                 puyo[i][j] = puyo[i - 1][j];
58                 puyo[i - 1][j] = tmp;
59             }
60         }
61     }
62 }
63
64 }while(flag);
65
66 // 答えを出力
67 cout << ans << endl;
68 }
69
70 return 0;
71 }

```


まとめ

プロコンで使う基礎テクニックを 学ぶことができた！

- とはいえ、頭では分かっているけど、
実際にコードが書けるかどうかは**別問題**！
- 今日の内容に関連する問題を付録につけておいたので、
頑張って解こう！

付録 (1 / 3)

このスライドの写経で解ける問題

- 約数の数
http://judge.u-aizu.ac.jp/onlinejudge/description.jsp?id=ITP1_3_D
- 深さ優先探索
http://atc001.contest.atcoder.jp/tasks/dfs_a
- 最大公約数
http://judge.u-aizu.ac.jp/onlinejudge/description.jsp?id=ALDS1_1_B&lang=jp
- 素数判定 (MAX_Nを修正する必要あり)
http://judge.u-aizu.ac.jp/onlinejudge/description.jsp?id=ALDS1_1_C&lang=jp
- 連鎖消滅パズル
<http://judge.u-aizu.ac.jp/onlinejudge/description.jsp?id=1193&lang=jp>

付録 (2/3)

頑張って解こう！

- 線形探索
http://judge.u-aizu.ac.jp/onlinejudge/description.jsp?id=ALDS1_4_A&lang=jp
- Block
<http://judge.u-aizu.ac.jp/onlinejudge/description.jsp?id=0207>
- 島の数
<http://judge.u-aizu.ac.jp/onlinejudge/description.jsp?id=0067>
- おつり
<http://judge.u-aizu.ac.jp/onlinejudge/description.jsp?id=0521>

付録 (3/3)

頑張って解こう！！

- 整数の和
<http://judge.u-aizu.ac.jp/onlinejudge/description.jsp?id=0030&lang=jp>
- 竹の花
<http://judge.u-aizu.ac.jp/onlinejudge/description.jsp?id=1610&lang=jp>
- Old Bridges
<http://judge.u-aizu.ac.jp/onlinejudge/description.jsp?id=1052&lang=jp>
- Ennichi
<http://judge.u-aizu.ac.jp/onlinejudge/description.jsp?id=2232&lang=jp>